

广西民族大学

2011 年硕士研究生入学考试初试自命题科目试题

(试卷代号: B 卷)

科目代码: 827

科目名称: 高等代数

适用学科专业: 基础数学、计算数学、应用数学

研究方向: 所有方向

命题教师签名:

考生须知

1. 答案必须写在答题纸上, 写在试题上无效。
2. 答题时一律使用蓝、黑色墨水笔作答, 用其它笔答题不给分。
3. 交卷时, 请配合监考人员验收, 并请监考人员在准考证相应位置签字 (作为考生交卷的凭证)。否则, 产生的一切后果由考生自负。

一、 判断题目：(20 分)

- (2) 若向量组的一个线性组合为零，则该向量组线性相关；
 (3) $V_1 = \{x = (x_1, x_2, x_3) | x_1 + x_2 = 0\}$ ，则 V_1 是 R^3 的子空间；
 (4) 矩阵相似具有相同特征多项式；
 (5) 合同矩阵具有相同的负惯性指数

二、 设 $\alpha_1 = \begin{pmatrix} 1+\lambda \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix}$, $\alpha_2 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1+\lambda \\ 1 \end{pmatrix}$, $\alpha_3 = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1+\lambda \end{pmatrix}$, $\alpha_4 = \begin{pmatrix} 0 \\ \lambda \\ \lambda^2 \end{pmatrix}$, 问 λ 为何

值时：(1) α_4 不可由 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 线性表出；(2) α_4 可由 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 唯一线性表出 (3) α_4 可由 $\alpha_1, \alpha_2, \alpha_3$ 不唯一线性表出 (25 分)

三、 设 A 为四阶对称方阵，满足 $A^2 + 3A = 0$ ，且秩为 3，求 $\|A + 2E\|$ 其中 E 为单位矩阵 (20 分)

四、 设 A, B 分别为 n 阶方阵， $E - AB$ 可逆，则 $E - BA$ (20 分)

五、 求正交矩阵 Q 使得 $A = \begin{pmatrix} -1 & -3 & 3 & -3 \\ -3 & -1 & -3 & 3 \\ 3 & -3 & -1 & -3 \\ -3 & 3 & -3 & -1 \end{pmatrix}$ 使 $Q^T A Q$ 为对角正交矩阵 (25 分)

六、 证明对 n 阶正定矩阵 A ，存在可逆矩阵 B 使得 $A = B^T B$ (20 分)

七、 设 A, B, C 分别为 n 阶矩阵，若 $\begin{pmatrix} A & B \\ B^T & C \end{pmatrix}$ 为正定矩阵，则

$$\begin{vmatrix} A & B \\ B^T & C \end{vmatrix} \leq |A||C|。 (20 分)$$