

华南理工大学
2009 年攻读硕士学位研究生入学考试试卷

(请在答题纸上做答，试卷上做答无效，试后本卷必须与答题纸一同交回)

科目名称：自控基础综合(含自动控制原理、现代控制理论)
适用专业：系统分析与集成，控制理论与控制工程，检测技术与自动化装置，系统工程，模式识别与智能系统，交通信息工程及控制

共 4 页

一、(15 分) 如图 1 所示为水箱的水位控制系统。当进水管 1 和 2 的进水量分别为 Q_1 和 Q_2 时, 水箱处于水位高度为 h_0 的平衡状态。当进水管 2 的进水量 Q_2 发生变化时, 控制器自动调节进水管 1 的进水量 Q_1 , 使水箱的水位高度变化量 $d=0$ 。已知水位高度变化量 d 与进水量近似满足传递函数: $\frac{R}{RCs + 1}$ 。

- (1) 设 Q_2 为扰动变量，画出系统结构图；
- (2) 若控制器 $G_c(s)=K/s$ ，试计算扰动为单位阶跃时的系统扰动误差 $E(s)$ 。

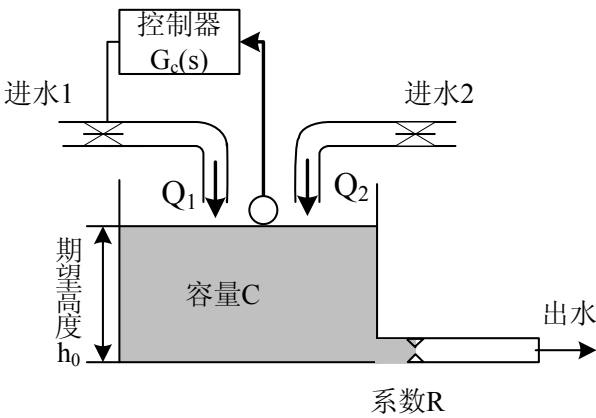


图 1

二、(20 分)某单位负反馈控制系统的结构图如图 2 所示。

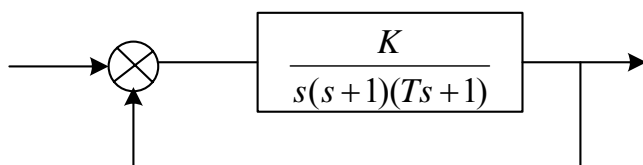


图 2

- (1) 试分析参数 K 和 T 应满足什么条件才能使系统稳定，并说明理由；
- (2) 若已知 $T=0.1$ ，取 $K=20$ 系统是否稳定？若不稳定，应引入何种串联校正环节，既不降低系统的截止频率，又使得系统稳定？说明理由。

三、(20 分)已知某带速度负反馈的随动系统结构图如图 3 所示，其中放大器系数 K 和速度反馈系数 τ 都 >0 ，并假设速度反馈系数 τ 已知。

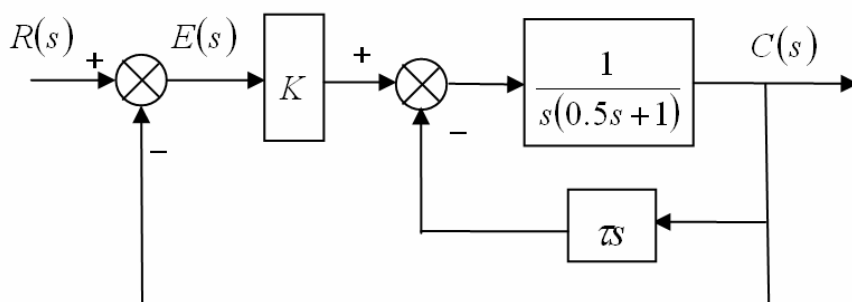


图 3

- (1) 绘制系统的根轨迹草图，标明走向、起始点、分离点；
- (2) 确定使系统无超调的 K 的范围；
- (3) 当 $\tau=1$ 时，为使系统的阻尼系数为 0.5， K 应取何值？

四、(20 分)已知单位负反馈最小相位系统的开环对数幅频特性 $L(\omega)$ 如图 4 所示。

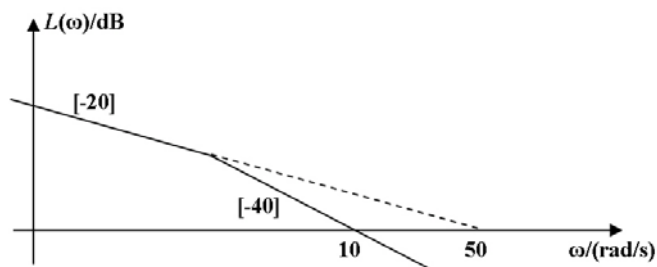


图 4

- (1) 图解确定系统的开环传递函数 $G(s)$;
- (2) 计算出相角 $\varphi(\omega_c)$, 并确定系统的相角裕度 γ ;
- (3) 假设系统输入 $r(t) = 1(t) + 2\sin 10t$, 确定系统的稳态输出。

五、(20 分) 已知某单位负反馈系统的开环传递函数为

$$G(s) = \frac{K}{(T_1 s + 1)(T_2 s + 1)}, \text{ 该系统的单位阶跃响应如图 5 所示。}$$

- (1) 试根据阶跃响应, 确定系统开环传递函数中的参数; (ξ 的计算结果保留 1 位小数)
- (2) 试绘制 $\omega: 0 \rightarrow +\infty$ 时该系统幅相频率特性草图 (Nyquist 曲线), 标明走向、起始点、终止点以及和虚轴交点处的频率。

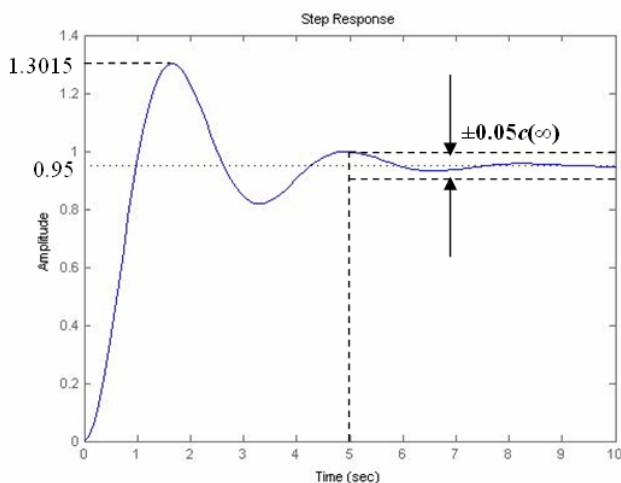


图 5

六、(15 分) 某离散系统如图 6 所示, 其中采样开关每秒短暂闭合 4 次。

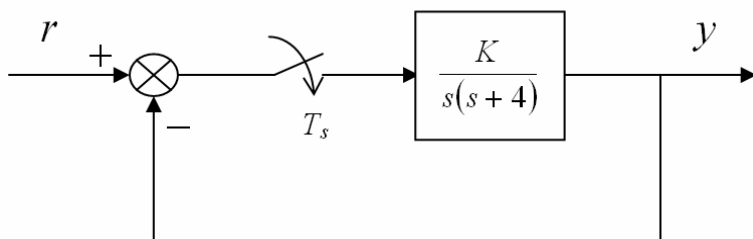


图 6

- (1) 求出参数 K 的稳定范围；
- (2) 试求系统在单位阶跃输入下的稳态误差。

附 z 变换表：

$x(t)$	$X(s)$	$X(z)$
$\delta(t)$	1	1
$1(t)$	$\frac{1}{s}$	$\frac{z}{z-1}$
e^{-at}	$\frac{1}{s+a}$	$\frac{z}{z-e^{-aT_s}}$

七、(25 分)某电路系统如图 7 所示，设输入为 u_1 ，输出为 u_2 。

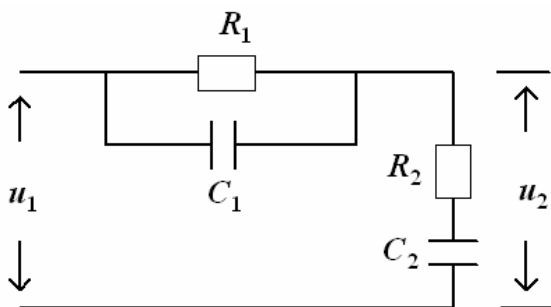


图 7

- (1) 指出系统的状态变量，并建立系统的状态空间表达式；
- (2) 如果系统中 $R_1 = 1\Omega$ ， $R_2 = 1\Omega$ ， $C_1 = 1F$ ， $C_2 = 1F$ ，试用李亚普诺夫第二方法判断系统的稳定性。

八、(15 分)线性定常系统的状态空间表达式为： $\dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -4 & -4 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} u$ 。求

当 $u(t)=1$ ，初始状态为 $x_0 = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$ 时其状态方程的解。