

# 二〇〇七年招收硕士研究生

## 入学考试自命题试题

考试科目： 电磁场

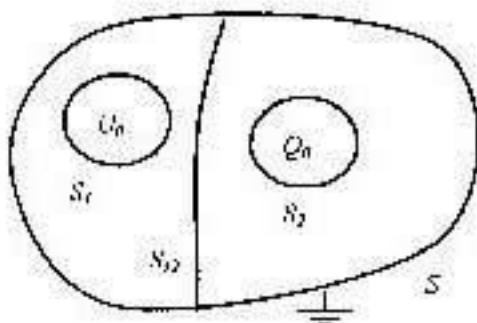
适用专业： 脉冲与等离子体

(除画图题外，所有答案都必须写在答题纸上，写在试题纸  
上及草稿纸上无效，考完后试题随答题纸交回)

### 一、简答题 (40 分)：

1. 试写出 Maxwell 方程组的微分形式，并解释各方程的物理意义。
2. 试写出静电场中不同介质分界面上有关电位移量  $D$  或者是电场  $E$  的边界条件，恒定磁场中不同媒质分界面上有关磁场强度  $H$  或者是磁感应强度  $B$  的边界条件。
3. 电磁场中经常用到电位函数  $\varphi$  和矢量磁位函数  $A$ 。试解释引入位函数的依据及其意义，并写出  $\varphi$  和  $A$  所满足的微分方程。
4. 简述有限差分法的基本思想以及实施步骤。
5. 写出虚位移方法的能量守恒关系，并给出各带电体在电荷不变和电位不变情况下广义力的计算公式。

- 二、(15 分) 两个导体被一个接地导体所包围，其中有两种均匀的介质  $\epsilon_1$ 、 $\epsilon_2$  (分界面  $S_{12}$  上无自由电荷)，设其电位分别为  $\varphi_1$ 、 $\varphi_2$ ，如图所示，其中 1 号导体位于介质  $\epsilon_1$  中，其电位为  $\varphi_0$ ，2 号导体位于介质  $\epsilon_2$  中，其电荷为  $Q_0$ 。试列出边值问题的微分方程以及全部边界条件。



三. (20分)一半径为  $R$  的无限长直圆柱体, 平行放置在地面上空, 圆心离地面高度为  $h$ , 介质的介电常数为  $\epsilon_0$ , 导体与地面间电压为  $U_0$ , 设大地为良导体, 求(1)空气中各点的电位; (2)导体与大地之间的电容; (3)求柱面上最大场强处的面电荷密度。

四. (25分)如图所示平行板电容器, 忽略边缘效应, 求两层介质中的电场强度:

(1) 1、2 是理想介质, 介电常数分别为  $\epsilon_1$  和  $\epsilon_2$ , 电容器两端接直流电压  $U_0$

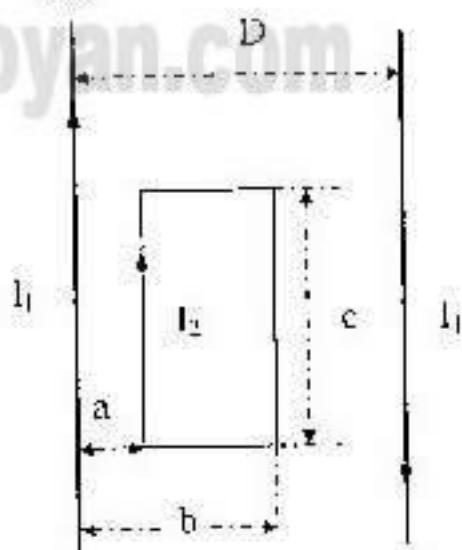
(2) 1、2 是不良介质, 电导率分别为  $\gamma_1$  和  $\gamma_2$  电容器两端接直流电压  $U_0$

(3) 1、2 是不良介质, 介电常数分别为  $\epsilon_1$  和  $\epsilon_2$ , 电导率分别为  $\gamma_1$  和  $\gamma_2$ ,

接角频率为  $\omega$  交流电压  $U_0$ .



五. (30分)两平行长直导线与矩形线框共面, 忽略边缘效应。(1)计算互感; (2)当长直导线通有电流  $I_1$ 、线框通有电流  $I_2$  时, 利用虚功原理计算线框所受到的力。



六. (20分) 直流电源  $U$  通过同轴电缆向负载电阻供电, 电流为  $I$ , 设导体的电导率为  $\gamma$ , 半径为  $a$ ; 外导体半径为  $b$ , 填充绝缘介质电导率为 0, 磁导率为  $\mu_0$ 。  
求: (1) 如果  $\gamma = \infty$ , 求绝缘介质内任一点的电场强度和磁场强度; (2) 如果  $\gamma = \infty$ , 利用坡印亭矢量计算穿过同轴电缆截面的功率;