

曲阜师范大学 2007 年攻读硕士学位研究生入学考试试题

学科、专业名称: 通信与信息系统
 考试科目名称: 信号与系统

注 意 事 项	1. 试题共 <u>3</u> 页。
	2. 答案必须写在答题纸上, 写明题号, 不用抄题。
	3. 试题与答题纸一并交上。
	4. 须用蓝、黑色墨水笔或圆珠笔作答, 字迹清楚。

一、填空题 (每空 2 分, 共 26 分)

1. $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{\sin 2t}{t} \bullet 2\delta(t) dt = \underline{(1)}$

2. 卷积 $\cos \omega_1 t \ u(t) * [u(t+1) - u(t-1)] * \delta'(t) = \underline{(2)}$

3. 序列和 $\sum_{n=-\infty}^{\infty} a^n \delta(n) = \underline{(3)}$

4. 连续系统单位冲激响应为 $h(t)$, 试用 $h(t)$ 描述系统的下列性质:

稳定性: (4) 因果性: (5)

5. 连续系统的系统函数 $H(s) = \frac{s+3}{s^2 - 2(K-1)s + 5}$, 为使系统稳定, 则 K 的取值范围为 (6)

6. 理想低通滤波器的带宽越宽其阶跃响应的上升时间 (7)

7. 若 $f(t)$ 的傅里叶变换为 $F(\omega)$, 则 $f(t-4)$ 的傅里叶变换为 (8)

8. 某线性非时变因果系统的系统函数为 $H(S) = \frac{3}{(S+4)(S+2)}$; 该系统的冲激响应为: (9)

9. 序列 $x(n) = \left(\frac{1}{2}\right)^n u(n)$ 的 Z 变换为: (10)

10. 离散系统的单位函数响应为 $h(n) = (3^n - 2^n) u(n)$, 则系统在输入信号 $e(n) = 3\delta(n-2)$ 作用下系统的零状态响应为: (11)

11. 若 $F(s) = \frac{s+6}{(s+3)(s-4)}$, 则初值 $f(0) = \underline{(12)}$, 终值 $f(\infty) = \underline{(13)}$ 。

二、(14 分) 某线性非时变系统具有一定的初始状态, 已知激励为 $f(t)$ 时其全响应为 $y_1(t) = (2e^{-t} + \cos \pi t)u(t)$; 若初始状态不变, 激励为 $2f(t)$ 时其全响应为 $y_2(t) = (e^{-t} + 2 \cos \pi t)u(t)$;

试求: (1) 当初始状态不变, 而激励为 $4f(t)$ 时系统的全响应 $y_3(t)$;

(2) 初始状态变为原来的两倍, 激励为 $3f(t-2)$ 时的全响应 $y_4(t)$ 。

三、(15 分) 已知系统微分方程为:

$$\frac{d^2}{dt^2} r(t) + 3 \frac{d}{dt} r(t) + 2r(t) = \frac{d}{dt} e(t) + 3e(t)$$

(1) 求系统的冲激响应;

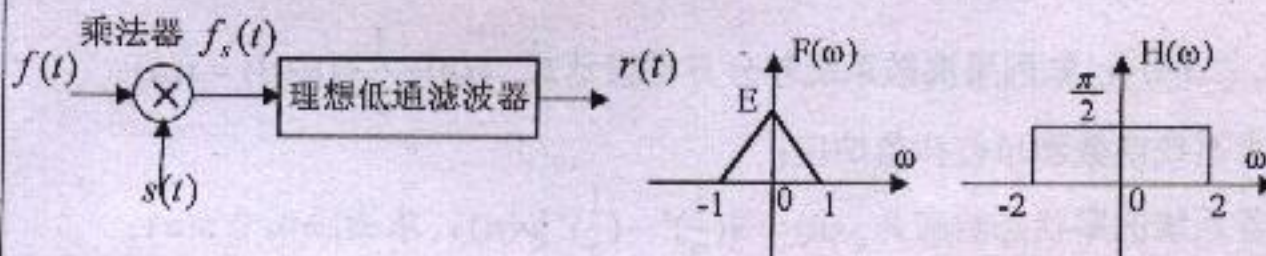
(2) 若 $e(t) = e^{-3t}u(t)$ $r(0_-) = 1$ $r'(0_-) = 2$ 求系统的完全响应, 并指出其零输入响应、零状态响应, 自由响应、强迫响应各分量。

四、(10 分) 已知系统函数 $H(j\omega) = \frac{1}{j\omega + 2}$;

(1) 若激励信号 $e_1(t) = e^{-3t}u(t)$, 试用傅里叶分析法求响应 $r_1(t)$;

(2) 若激励为周期信号 $e_2(t) = \cos(2t) + \cos(2\sqrt{3}t)$, 求响应 $r_2(t)$ 。

五、(15 分) 图示系统中 $s(t) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \delta(t - nT)$, 输入信号的频谱函数和低通滤波器的系统函数如图所示:



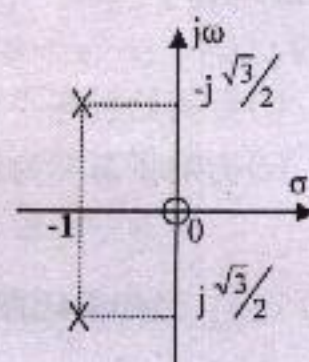
(1) 求 $s(t)$ 的频谱函数;

(2) 为使 $f_s(t)$ 的频谱不发生混迭, 对周期 T 有什么要求?

(3) 若 $T = 0.5\pi$, 试画出 $f_s(t)$ 的频谱图; 画出 $r(t)$ 的频谱图求 $r(t)$;

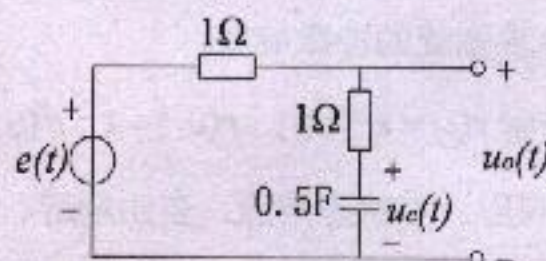
六、(15 分)系统函数的极零点图如图所示, 已知单位冲激响应 $h(t)$ 的初值 $h(0^+) = 2$,

- (1)试确定该系统的系统函数;
- (2)画出其幅频特性曲线, 分析其通频特性;
- (3)激励 $f(t) = \sin \frac{\sqrt{3}t}{2} u(t)$, 求系统的稳态响应。



七、(10 分)如图所示电路中, $e(t) = 2e^{-3t}u(t)$, $u_C(0_-) = 1V$,

- (1)作出电路的 S 域模型;
- (2)利用 S 域模型求解响应 $u_0(t)$

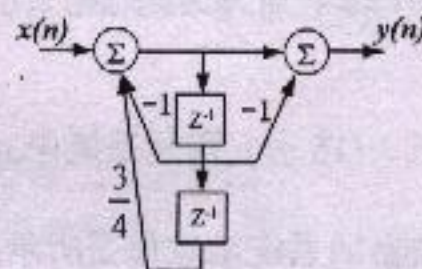


八、(10 分) 离散系统的差分方程如下, 求系统的单位样值响应。

$$y(n) - 5y(n-1) + 6y(n-2) = x(n) - 3x(n-2)$$

九、(15 分)已知某离散系统方框图如图所示, 求:

- (1)该系统的系统函数 $H(z)$;
- (2)描述系统的差分方程;
- (3)画出系统零、极点图;
- (4)对应收敛域的几种不同情况分别分析系统的因果性、稳定性;
- (5)求系统稳定时的单位函数响应;



十、(20 分)已知因果离散系统差分方程表示式 $y(n) - \frac{1}{3}y(n-1) = x(n)$;

- (1)求系统函数和单位样值响应;
- (2)若系统的零状态响应为 $y(n) = 3[(\frac{1}{2})^n - (\frac{1}{3})^n]u(n)$, 求激励信号 $x(n)$;
- (3)画系统的零、极点分布图;
- (4)粗略画出幅频响应特性曲线, 分析系统通频特性。