

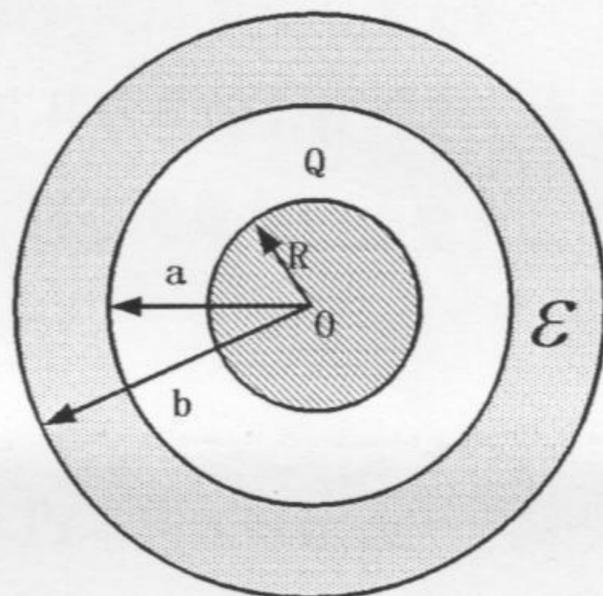
山东师范大学
二 00 五年硕士研究生入学考试试题

考试科目： 普通物理 A

- 注意事项： 1. 本试卷共 9 道大题（共计 9 个小题），满分 150 分；
2. 本卷属试题卷，答题另有答题卷，答案一律写在答题卷上，写在该试题卷上或草纸上均无效。要注意试卷清洁，不要在试卷上涂划；
3. 必须用蓝、黑钢笔或圆珠笔答题，其它均无效。
4. 考试结束后将本卷装入试题袋内，不得带走，否则以违纪论处。

* * * * *

1.(20 分) 半径为 R 的金属球带有电荷量 Q ，球外有一同心的介质球壳，其内外半径分别为 a 和 b ，介电常数为 ϵ ，如图所示。试求：



- (1) 各处的电场强度 E 和电位移 D ；
- (2) 介质的极化强度 \mathbf{P} 和极化电荷密度 ρ' 以及表面上极化电荷量的面密度 σ' ；
- (3) 各处的电势 U .

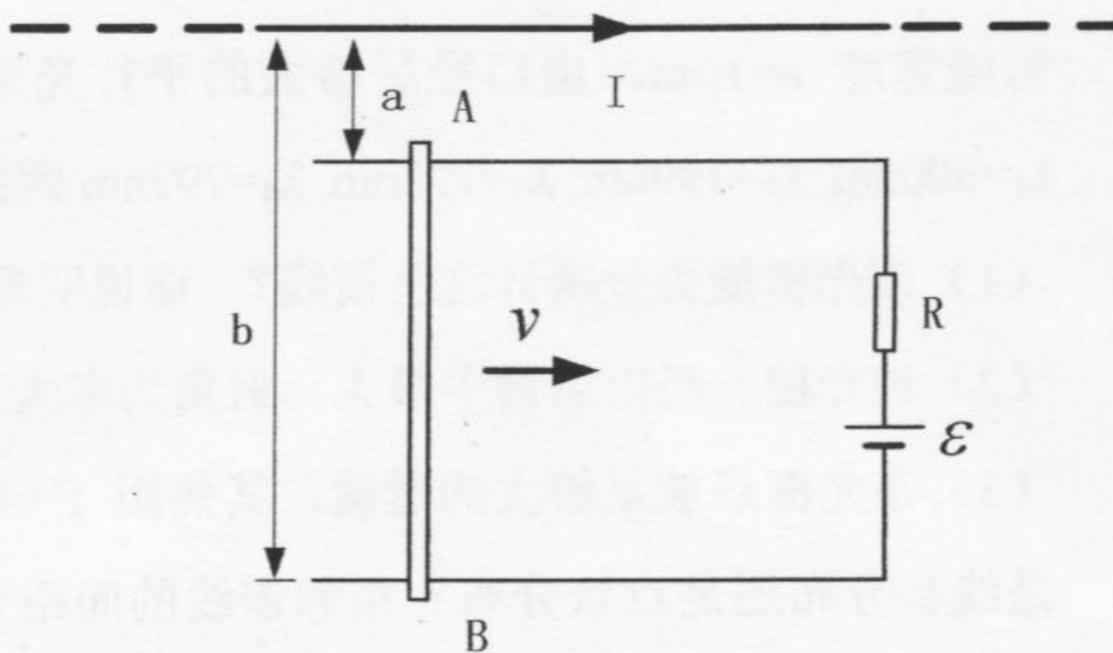
2. (15 分) 红宝石激光器中的脉冲氙灯，常利用 $2000\mu\text{F}$ 的电容器充电到 4000V 后放电时的瞬时大电流来使之发光. 如电源给电容器充电时的最大电流为 1.0A .

- (1) 求此充电电路的时间常数 τ_1 ；
- (2) 脉冲氙灯放电时，其灯丝电阻近似为 0.5Ω ，求最大放电电流和放电电路的时间常数 τ_2 ；
- (3) 在 $0\sim\tau_2$ 时间内，电容器放电释放的能量。

3. (15分) 一个塑料圆盘, 半径为 R , 带电 q , 均匀分布于盘表面上, 圆盘绕通过圆心垂直盘面的轴线转动, 角速度为 ω . 试求:

- (1) 在圆盘中心处的磁感应强度;
- (2) 圆盘的磁矩.

4. (20分) 无限长直导线内通有稳恒电流 I , 铜棒 AB 可在两平行金属导轨上无摩擦地平行移动, 回路中电源电动势为 ε , 电阻为 R , 几何位形如图所示. 设 $t=0$ 时, 铜棒由静止开始在磁场力作用下运动, 不计回路的自感, 试求:

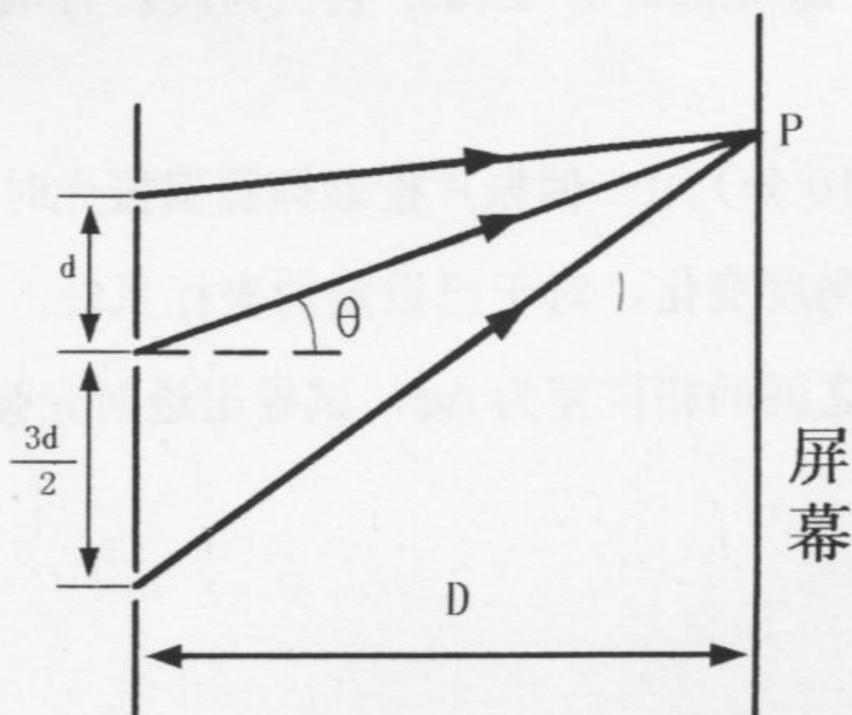


- (1) 铜棒运动的极限速度;
- (2) 铜棒受到的磁场力.

5. (15分) (1) 用于波长 $\lambda = 400\text{nm}$ 的显微物镜的数值孔径为 0.85, 求它能分辨的两点间的最小距离是多少?

(2) 若利用油浸物镜使该显微镜的数值孔径增大到 1.45, 求分辨本领提高多少倍? 显微镜的视角放大率应设计成多少?

6. (20分) 如图所示, 在杨氏干涉装置中, 用三个平行狭缝代替双缝, 三缝的缝宽相同 (都 $< \frac{\lambda}{2}$), 缝距分别为 d 和 $\frac{3d}{2}$, 设单色缝光源与三缝的距离



足够远，因而到三缝的光程可看作相同，设幕与三缝的距离 D 也足够远。试求：

(1) 幕中心小范围内的强度随 θ 变化的分布公式；

(2) 一级极大的角位置 θ_1 ；

(3) 在 $\theta = \frac{\theta_1}{2}$ 方向的强度与一级极大强度之比。

7. (20分) 一块方形口径的光栅由 20000 条相平行的透光缝组成，缝间距 $d=4\mu\text{m}$ ，每缝宽度 $a=1\mu\text{m}$ 。由口径足够大的平行光束垂直入射到光栅上，光束中有 $\lambda_1=800\text{nm}$, $\lambda_2=799\text{nm}$, $\lambda_3=798\text{nm}$, $\lambda_4=797\text{nm}$ 四条谱线。

(1) 该光栅能否分辨开这些谱线？请说明理由；

(2) 该光栅一级衍射谱中最大衍射角为多大？相邻谱线衍射角相差多大？

(3) 在光栅后放足够大的透镜，其焦距 $f'=40\text{cm}$ ，在其后焦面上看到的光谱是线状分布还是点状分布？相邻谱线的间距为多大？每条光谱线的半宽度是多大？

8. (15分) 在偏振方向正交且平行放置的两偏振片 P_1 , P_2 之间平行插入一方解石薄片，厚度为 $3\times 10^{-3}\text{mm}$ ，光轴与表面平行。已知光轴与 P_1 成 45° 角，问：

(1) 可见光中不能通过此装置的波长为多少？

(2) 若使所有的光都不能通过此装置，光轴与 P_1 的夹角是多少？（方解石 $n_o=1.658$, $n_e=1.486$ ，且认为波长为 $400\text{nm}-700\text{nm}$ 的光均为此值）

9. (10分) 用一偏振片检验椭圆偏振光时，透过偏振片的光强将随偏振片的旋转角度变化，对于已设定的坐标系统，已知合成为椭圆偏振光的两个垂直振动之间的相位差为 $\Delta\varphi$ ，试导出透射光强随偏振片旋转角度变化的普遍公式。