

机密★启用前

青岛理工大学 2011 年硕士研究生入学试题

科目代码: 821 科目名称: 自动控制原理

注意事项: 1. 答题必须写明题号, 所有答案必须写在答题纸上。写在试题、草稿纸上的答案无效; 2. 考毕时将试题和答题纸一同上交。

一. (10 分) 设系统的闭环传递函数 $\Phi(s) = \frac{\omega_n^2}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$, 试求

1. $\zeta = 0.1$, $\omega_n = 5$ 时单位阶跃响应的超调量和调节时间;
2. $\zeta = 0.1$, $\omega_n = 10$ 时单位阶跃响应的超调量和调节时间;
3. $\zeta = 0.1$, $\omega_n = 1$ 时单位阶跃响应的超调量和调节时间;
4. $\zeta = 0.5$, $\omega_n = 5$ 时单位阶跃响应的超调量和调节时间。注: 误差带均取 5%

二. (10 分) 已知系统的特征方程为 $s^4 + 7s^3 + 25s^2 + 42s + 30 = 0$, 试用劳斯稳定判据确定系统的稳定性。

三. (10 分) 已知系统的特征方程为 $s^5 + 2s^4 + 3s^3 + 6s^2 - 4s - 8 = 0$, 试求系统在 s 右半平面的根数和虚根值。

四. (20 分) 已知单位负反馈系统的开环传递函数为 $G(s) = \frac{500}{s(s+10)(s+50)}$, 试

求输入分别是 $r(t) = 50t$, $r(t) = 2t^2 + 2t + 2$ 时系统的稳态误差。

五. (40 分) 设单位负反馈控制系统的开环传递函数 (1) $G(s) = \frac{K(s + \frac{5}{3})}{s^2(s + 7)}$,

(2) $G(s) = \frac{K}{s(s+4)(s^2 + 4s + 20)}$, 试分别绘制上述系统的根轨迹。

六. (30分) 绘制下列传递函数的对数幅频渐近特性曲线:

$$(1) G(s) = \frac{4(s+0.5)}{s^2(s+0.2)} \quad (2) G(s) = \frac{16(s+0.1)}{s(s^2+2s+1)(s^2+4s+16)}$$

七. (10分) 已知线性系统的状态描述是 $\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix} u$, 判别该系统是否能可控。

八. (10分) 已知线性系统的状态描述是 $\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \\ \dot{x}_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 1 \\ 0 & 0 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u$,

$y = [1 \ 1 \ 0] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{bmatrix}$, 判别该系统是否可观测。

九. (10分) 考虑由 $\dot{x} = Ax + Bu$ 定义的系统。式中

$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & -3 & -4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}$, 利用状态反馈控制 $u = -Kx$, 希望该系统的闭环极点为 $s = -2 \pm 2j$, $s = -5$, 确定状态反馈增益矩阵 K 。