

仰天大学

2009 年硕士研究生入学考试初试试题

考试科目	[809] 电磁场与电磁波	B 卷
专业名称	物理电子学	

注意事项：1、本试题共 5 道大题（共 21 个小题），满分 150 分。

- 2、本卷为试题，答题另有答题纸。答案一律写在答题纸上，写在该试题纸上或草稿纸上无效。要注意试卷清洁，不要在试卷上涂划。
- 3、答题必须用蓝、黑钢笔或圆珠笔书写，其它均无效。
- 4、特殊要求携带的用具请注明，没有特殊要求填“无”。 计算器

一、填空题（共 7 小题 20 空，每空 1 分，共 20 分）：

- 1.1 真空中麦克斯韦方程组的微分形式为 _____, _____, _____, _____。
- 1.2 静电场中，由于电场 \vec{E} 的 _____ 度为零，可以在静电场中引入电位 φ ， \vec{E} 和 φ 的关系为 _____。
- 1.3 静磁场中，因磁场 \vec{B} 的 _____ 度为零，可以在静磁场中引入矢量磁位 \vec{A} ， \vec{B} 与 \vec{A} 的关系为 _____。
- 1.4 对于两种无损耗介质的分界面，时变电磁场的边界条件为 _____, _____, _____, _____。
- 1.5 在矩形波导中传播的电磁波具有如下的特点，电场 \vec{E} 和磁场 \vec{H} 不能同时为横波，通常将 $E_z = 0$ 的波模称为 _____，另一种 $H_z = 0$ 的波模则称为 _____。
- 1.6 在自由空间传播的均匀平面波的电场强度为 $\vec{E}_x = \vec{e}_x 100 \cos(\omega \cdot t - 20\pi z) \text{ V/m}$ ，则波传播方向为 _____，电场振幅值为 _____，波长为 _____，波的极化方向为 _____。
- 1.7 坡印廷矢量 \vec{S} 的表达式为 _____；
平均坡印廷矢量 \vec{S}_{av} 表达式为 _____。

二、选择题（共 5 小题，每小题 2 分，共 10 分）：

- 2.1 用镜像法求解静电场边值问题时，判断镜像电荷的选取是否正确的根据是（ ）。
 a. 电位 φ 所满足的方程是否改变； b. 边界条件是否改变； c. 同时考虑 a 和 b。

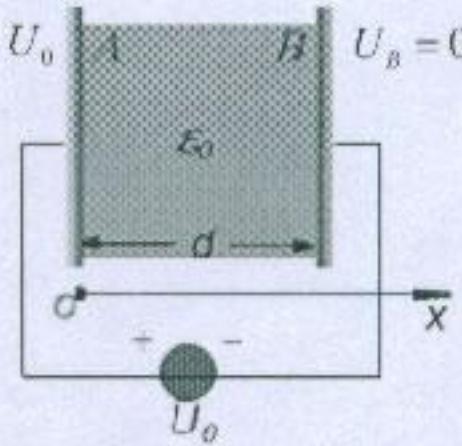
2.2 如图示的平板电容器内任一点的电位，根据静电场唯一性定理的有关内容判定下列哪一个解答正确（ ）。

a. $\varphi = \frac{U_0}{d} x^2$

b. $\varphi = \frac{U_0}{d} x + U_0$

c. $\varphi = -\frac{U_0}{d} x + U_0$

$$U_A = U_0 \quad U_B = 0$$



2.2 题图

2.3 若磁感应强度可表示为 $\vec{B} = \vec{e}_x 3x + \vec{e}_y (3y - 2z) - \vec{e}_z (y + mz)$ ，

则 m 的值应为（ ）。

a. m=2

b. m=3.

c. m=6

2.4 介质在电场中极化有三种不同情况，一种是组成原子的电子云，在电场作用下相对于原子核发生位移而出现电矩，称为（ ）。

a. 电子极化

b. 离子极化

c. 取向极化

2.5 在无损耗均匀媒质（电导率为 0，磁导率为 μ，介电常数为 ε）中，正弦电磁场复矢量满足亥姆霍兹方程 $\nabla^2 \vec{H} + k^2 \vec{H} = 0$ ，其中 $k^2 =$ （ ）。

a. $\omega^2 \mu \epsilon$;

b. $\frac{\omega^2}{\omega \epsilon}$;

c. $\frac{1}{\omega^2 \mu \epsilon}$.

三、简答题（共 2 小题，每小题 10 分，共 20 分）

3.1 简要说明自由电荷与束缚电荷的异同点；位移电流和传导电流的异同点。

3.2 简述在理想介质中传播的均匀平面电磁波的基本性质。

四、证明、推导题（共 2 小题，每小题 15 分，共 30 分）：

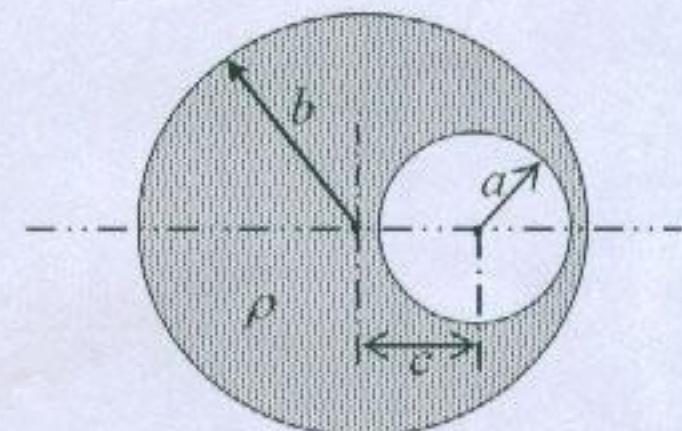
4.1 在直角坐标下，证明任意矢量场旋度的散度恒等于零 $\nabla \cdot \nabla \times \vec{A} = 0$ 。

4.2 由静电场的基本方程出发，导出电位满足的泊松方程。

五、计算题（共 5 小题，5.1 题 10 分，5.2 题 5.5 题各 15 分，共 70 分）：

5.1 矢量函数： $\vec{H} = \vec{e}_x (-ay) + \vec{e}_y ax$, $\vec{B} = \mu_0 \vec{H}$ 是否可表示磁场？如果是，求其源变量 \vec{J} 。

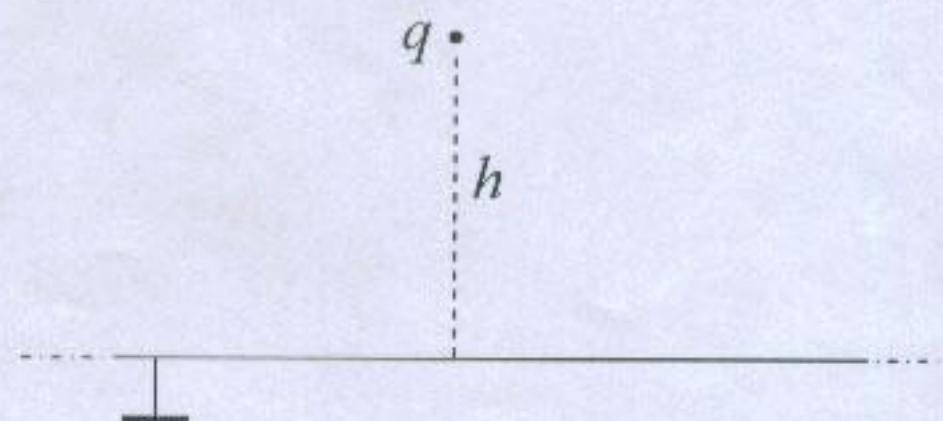
5.2 电荷均匀分布于两平行的圆柱面间的区域中，体密度为 ρ ，两圆柱半径分别为 a 和 b，轴线相距 c，且 $a + c < b$ ，如图所示。求空间各区的电场强度。



5.2 题图

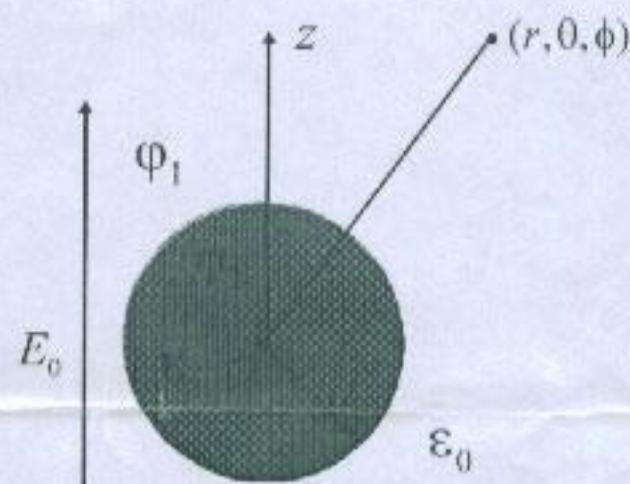
5.3 一个矩形空气波导的截面尺寸为 $a \times b = 23 \times 10 \text{ mm}^2$, 试求当工作波长 $\lambda = 10 \text{ mm}$ 时, 波导中能传播那些波型? $\lambda = 30 \text{ mm}$ 时呢?

5.4 一接地无限大平面导体板附近有一点电荷 q , 与导体板距离 h (如图所示), 试用镜像法求上半空间的电势。



5.4 题图

5.5 在均匀外电场 E_0 中放置一半径为 a 的介质球, 球的介电常数为 ϵ , 球外为空气, 如图 5.5 所示。计算球内、外的电位函数。



5.5 题图