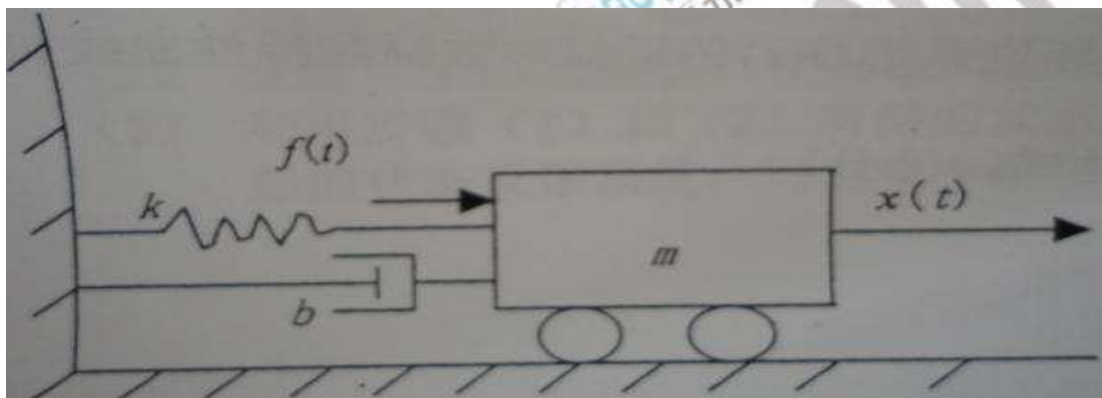


一、(16 分) 设机械阻尼器系统如图所示，其中 m 为小车的质量， k 为弹簧的弹性系数， b 为阻尼器的阻尼系数，外力 $f(t)$ 为系统的输入，位移 $x(t)$ 为系统的输出。系统原来处于静止状态，忽略小车与地面的摩擦。

(1) 列出系统施加作用力 $f(t)$ 后，产生位移 $x(t)$ 的运动方程，并求系统的传递函数

$X(s)/F(s)$; (8 分)

(2) 列出以 $f(t)$ 为输入，小车位移 $x(t)$ 、小车速度 $dx(t)/dt$ 为状态变量，小车位移 $x(t)$ 为输出的状态空间表达式。(8 分)



二、(10 分) 求一阶系统 $G(s) = \frac{1}{0.25s+1}$ 的单位阶跃响应 $c(t)$ 。在图中近似画出该响应曲线。



三、(20 分) 二阶系统的传递函数可写为 $G(s) = \frac{\omega_n}{s^2 + 2\zeta\omega_n s + \omega_n^2}$ 的形式，其中 ω_n 为无阻尼振荡频率， ζ 为阻尼比。已知四个二阶系统的参数分别为：

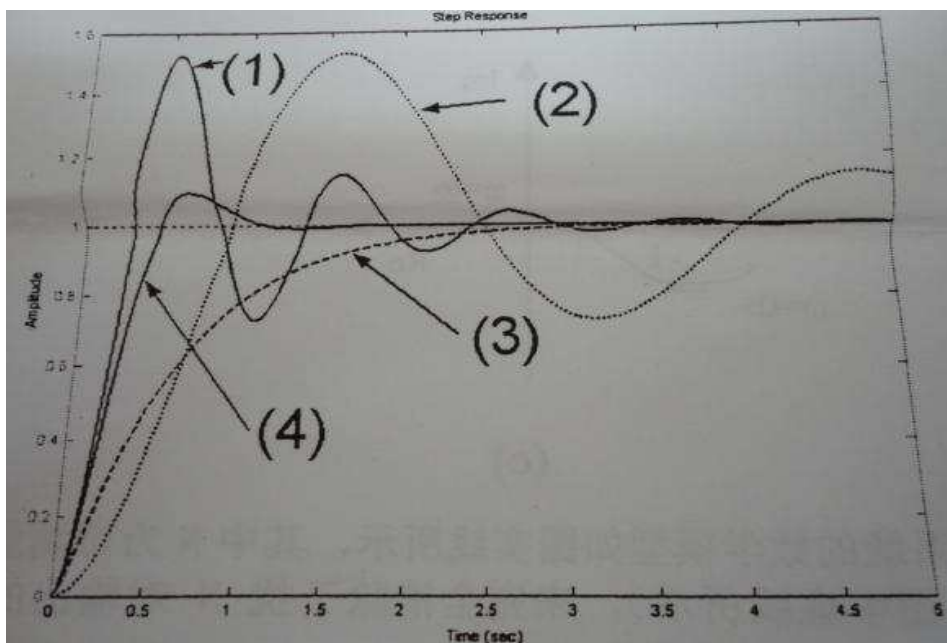
(a) $\omega_n = 6, \zeta = 2$;

(b) $\omega_n = 6, \zeta = 0.2$;

(c) $\omega_n = 6, \zeta = 0.6$; (d) $\omega_n = 2, \zeta = 0.2$ 。

(1) 对上述 (a) (d) 两个系统，分别写出其传递函数，并求其特征根；(8 分)

(2) 下图曲线 (1), (2), (3), (4) 为四个系统的单位阶跃响应曲线，将它们与系统 (a), (b), (c), (d) 一一对应起来。(12 分)



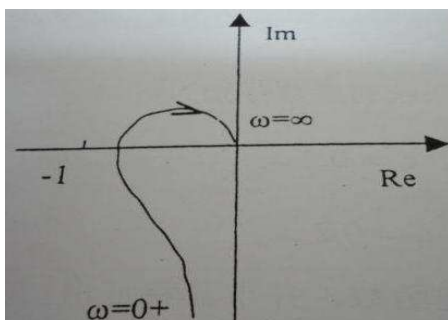
四、(24 分) 对于如图所示的各系统的 Nyquist 图的正频部分 (即 $\omega \in (0, \infty)$):

(1) 从下列四个系统开环传递函数中分别找出与图 (a), (b), (c), 对应的传递函数 (参数 $K > 0, T > 0, T_2 > T_1 > 0$); (15 分)

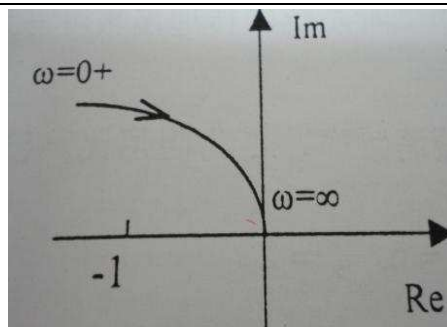
(i) $G_1(s) = \frac{K}{s(T_1s+1)(T_2s+1)}$ (ii) $G_2(s) = \frac{K(T_2s+1)}{s^2(T_1s+1)}$

(iii) $G_3(s) = \frac{K}{s^2(Ts+1)}$ (iv) $G_4(s) = \frac{K}{s(Ts+1)}$

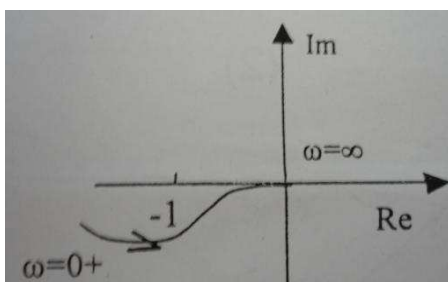
(2) 试将各 Nyquist 曲线补画完整并判断其闭环系统的稳定性。(9 分)



(a)

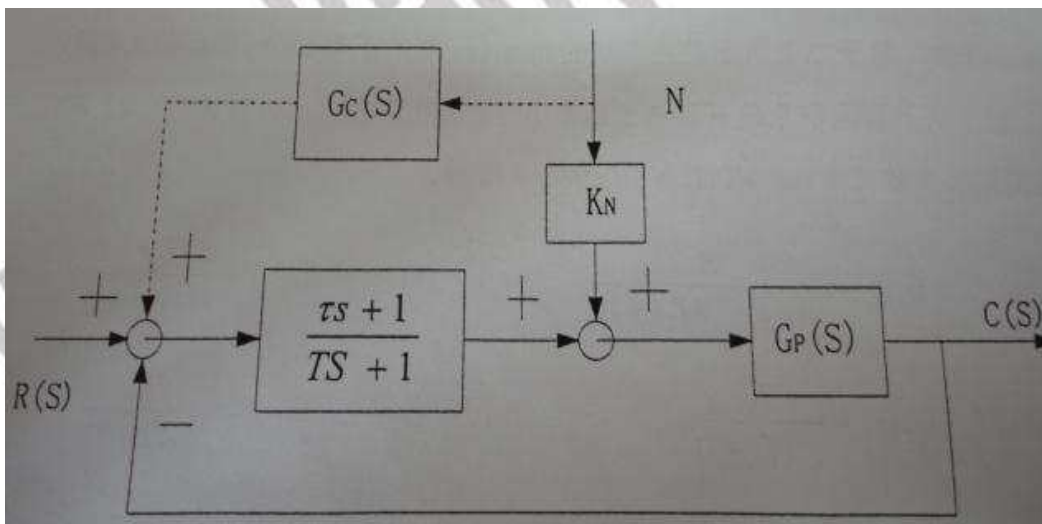


(b)



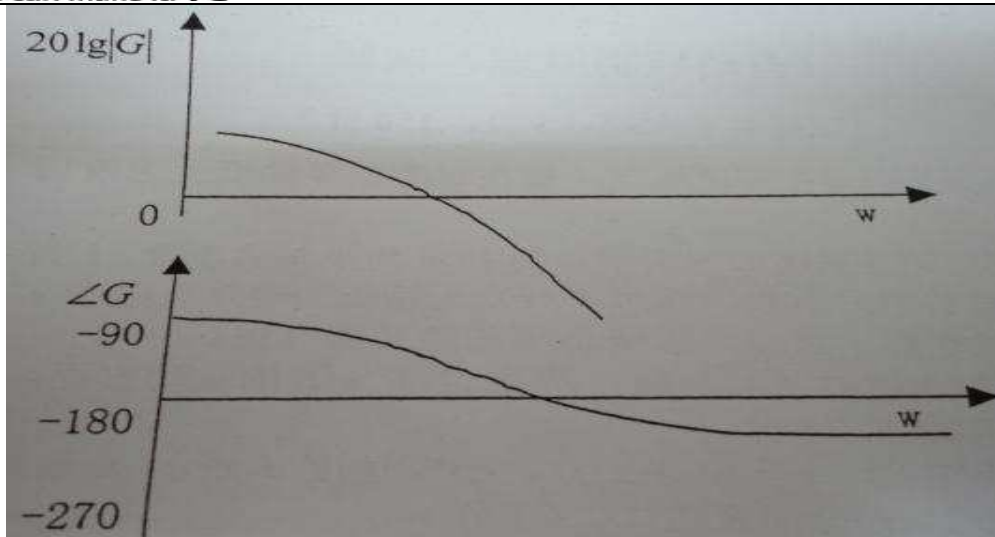
(c)

五、(10 分) 某系统的数学模型如图实线所示，其中 N 为可测量之干扰，今欲增加一个补偿环节（图中虚线所示），来完全消除干扰 N 对输出的影响，试分析确定 $G_c(s)$ 。

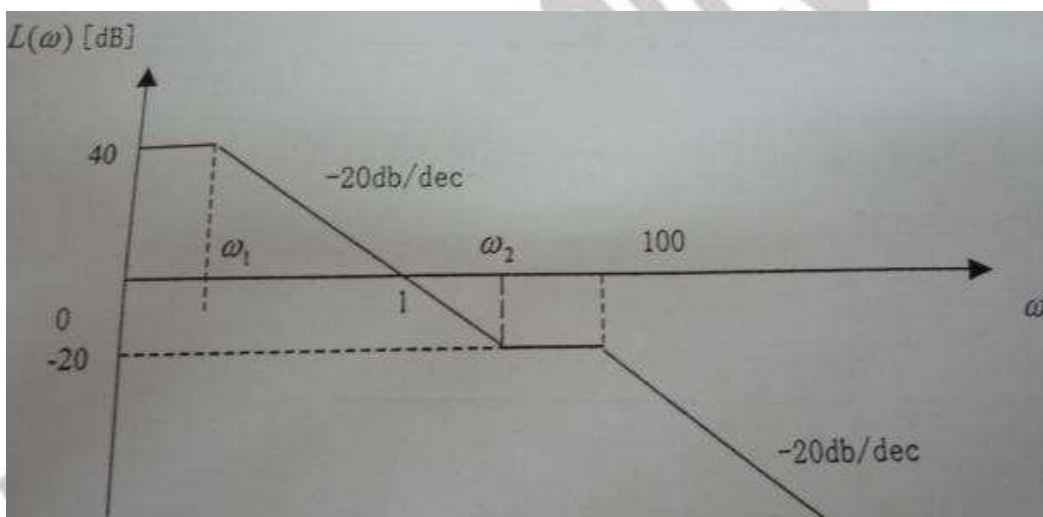


六、(20 分) 已知某系统开环传递函数增益 $K=10$ 时的开环对数频率特性如下图：

- (1) 在图上标出截止频率 ω_c 和相位交界频率 ω_g ；(4 分)
- (2) 在图上标出幅值、相位裕度；(4 分)
- (3) 当开环增益 $K=1$ 时的对数频率特性如何变化；(4 分)



(4) 已知某开环最小相位系统 $G(s)$ 的近似对数幅频特性曲线如图所示，写出开环传递函数 $G(s)$ 的表达式。(8 分)



七、(20 分) 给定线性定常系统如下：

$$\begin{aligned}\dot{x}(t) &= Ax(t) + Bu(t) \\ y(t) &= Cx(t)\end{aligned}$$

其中 $A = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ -3 & -4 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$, $C = [1 \quad -1]$;

(1) 求 A 的特征值；(5 分)

(2) 求系统的状态转移矩阵 $\phi(t) = e^{At}$ ；(10 分)

(3) 判断次系统的状态可控性。(5 分)

八、(30 分) 给定线性定常系统为:

$$\begin{aligned}\dot{x} &= \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & -2 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} u \\ y &= [2 \quad 1] x\end{aligned}$$

其状态不能直接测得。

- (1) 设计状态反馈, 使闭环系统的极点为 $-1+2j, -1-2j$; (10 分)
- (2) 设计一全维观测器, 使其极点在一3, 一4; (10 分)
- (3) 利用步骤(1)和(2)所得的状态反馈和状态观测器, 可得一个带观测器的状态反馈系统, 写出整个闭环系统的状态空间表达式。(10 分)