

考试科目：424 自动控制理论

考生注意：答案必须写在答题纸上，写在试题及草稿纸上无效！考生需用计算器。

一. (每小题 6 分, 共 30 分) 选择题 (含现代部分专业的考生不做, 其它专业考生做) ;

1. 已知单位正反馈系统的闭环传递函数为 $\Phi(s)$, 则系统的开环传递函数是:

A. $\frac{\phi(s)}{1-\phi(s)}$ B. $\frac{\phi(s)}{1+\phi(s)}$ C. $-\frac{\phi(s)}{1+\phi(s)}$ D. $\frac{1-\phi(s)}{\phi(s)}$

2. 对于一个确实的系统, 它的输入输出传递函数是:

- A. 唯一的 B. 不唯一的 C. 决定于输入信号的形式 D. 决定于具体的分析方法

3. 已知单位负反馈系统的开环传递函数为: $G(s)=\frac{9}{s^2+6s+16}$, 则闭环系统的阻尼比 ξ 等于:

- A. 1 B. 0.75 C. 0.6 D. 0.5

4. 为提高系统的性能, 引入串联迟后校正, 其结果是:

- A. 利用校正环节的相角迟后特性, 使相角裕度满足要求, 提高快速性;
 B. 利用校正环节的高频衰减特性, 使截止频率减小, 提高抗干扰能力;
 C. 可以有效地削弱非线性因素的影响;
 D. 以上说法都不正确。

5. 用数字计算机作控制器, 脉冲传递函数为 $D(z)$, 其分母最高幂次为 n , 分子最高幂次为 m

- A. n, m 任意均可以实现;
 B. $n < m$ 才可能实现;
 C. $n \geq m$ 才可能实现, 否则现在的输入与未来的输出有关;
 D. $n \geq m$ 才可能实现, 否则现在的输出与未来的输入有关。

二. (20 分) 某系统由下列微分方程组描述:

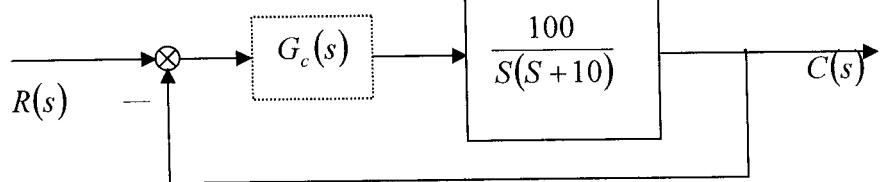
$$\ddot{c}(t) + 6\dot{c}(t) + 2c(t) = d(t)$$

$$\dot{e}(t) + e(t) = 0.05m(t)$$

$$e(t) = r(t) - c(t)$$

$$d(t) = m(t) - c(t)$$

要求: (1) 绘制以 $r(t)$ 为输入, $c(t)$ 为输出的系统结构图;(2) 求传递函数 $\frac{C(s)}{R(s)}$ 和 $\frac{E(s)}{R(s)}$ 。三. (20 分) 系统的基本结构如图所示, 为使系统在输入抛物线函数信号 $r(t) = t^2$ 时, 稳态误差不大于 0.1, 在系统中串入校正环节 $G_c(s) = \frac{K_c(\tau s + 1)}{\tau s}$, 试确定参数 K_c 和 τ 的选择范围。



四. (20分) 已知单位负反馈系统的开环传递函数为 $G(s) \frac{s+a}{s(s+2)(s+4)}$

- (1) 以 a 为参量 ($a = 0 \rightarrow +\infty$) 绘制系统的闭环根轨迹图;
- (2) 确定系统为欠阻尼时的 a 值范围;
- (3) 确定使系统在单位斜坡信号作用下的稳态误差 $e_{ss} \leq 0.5$ 的 a 值范围。

五. (20分) 某系统的开环传递函数为 $G_k(s) = \frac{k(s-1)}{s(s+1)}$ ($-\infty < k < +\infty$) 试用奈氏判据

判别闭环系统的稳定性(要画出奈氏曲线)，并指出系统在 s 右半平面内的极点数。

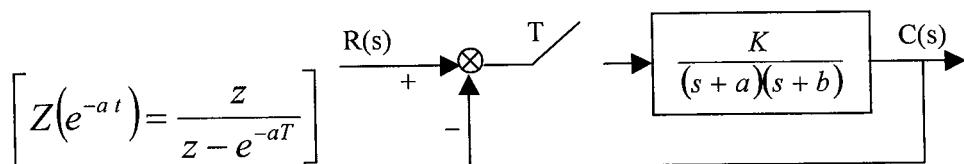
六. (20分) 已知单位负反馈系统的开环传递函数 $G(s) = \frac{1}{s^2}$ ，若要求系统的相位余度 $\gamma = 45^\circ$

度，加速度误差系数 $K_a = 2$ ，试确定校正装置的传递函数。

七. (20分) (含现代部分专业的考生不做，其它专业考生做)

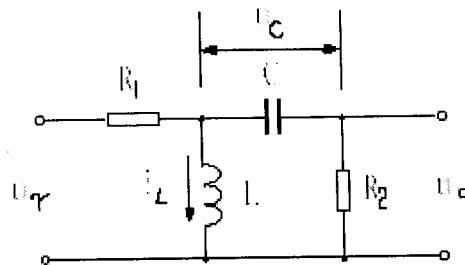
已知采样系统结构如图所示，其中 $T=1$, $a = \ln 2$, $b = \ln 4$

1. 判断系统的稳定性;
2. 求在单位阶跃信号作用下，系统的稳态误差。



八. (16分) (含现代部分专业的考生做, 其它专业考生不做)

求图示电网络的状态空间描述, 输入为 u_r , 输出为 u_o (取电感电流 i_l 和电容电压 u_c 为状态变量)。



九. (16分) (含现代部分专业的考生做, 其它专业考生不做)

$$\text{线性定常连续系统的状态空间描述 } \dot{X} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 2 \end{bmatrix} X + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u, \quad y = [1 \quad 0] X$$

设采样周期 $T=1$ 秒, 求离散化后系统的离散状态空间描述。

十. (18分) (含现代部分专业的考生做, 其它专业考生不做)

$$\text{系统状态空间描述为 } \dot{X} = \begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 0 & 0 \end{bmatrix} X + \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix} u \quad y = [1 \quad 0] X \quad \text{试设计一个状态观 测器, 使其极点为 } -r, -2r \quad (r > 0), \text{ 并画出其结构图。}$$