

复旦大学

二〇〇二年招收攻读硕士学位研究生入学考试试题

报考专业：管理科学与工程

考试科目：管理科学导论（运筹学）

注意：答案请做在答卷纸上，做在试题上一律无效

(共 3 页)

1. (40分) 设线性规划

$$\max \quad 0x_1 + 0x_2 + 0x_3 + 3x_4 + 2x_5$$

$$\text{s. t.} \quad x_1 + 2x_2 + 3x_3 + 0x_4 - x_5 = 3$$

$$-x_1 + 2x_2 + 6x_3 + 0x_4 - 3x_5 = 2$$

$$0x_1 + 0x_2 + 3x_3 + x_4 - x_5 = 1$$

$$x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, x_3 \geq 0, x_4 \geq 0, x_5 \geq 0$$

(1) 下表是该线性规划的一张单纯形表，请在此基础上迭代一次：

C_j			0	0	0	3	2
C_B	X_B	b	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5
0	x_1	1	1	0	0	1/2	1/2
0	x_2	1/2	0	1	0	-3/4	-1/4
0	x_3	1/3	0	0	1	1/3	-1/3
$C_j - Z_j$			0	0	0	3	2

(2) 对上述单纯形表进行一次目标函数上升最快的迭代：

(3) 现已得到如下最优单纯形表，请写出该线性规划的最优解、最优值：

C_j			0	0	0	3	2
C_B	X_B	b	x_1	x_2	x_3	x_4	x_5
2	x_5	1	1	0	-3/2	0	1
0	x_2	7/4	1	1	-3/4	0	0
3	x_4	3/2	1	0	3/2	1	0
$C_j - Z_j$			-5	0	-3/2	0	0

(4) 请写出最优单纯形表基变量 x_B 对应的系数矩阵 B ，并求出它的逆矩阵 B^{-1} ；

(5) 请写出该线性规划的对偶规划；

(6) 请计算出对偶规划的最优解、最优值；

(7) 当该线性规划目标函数中 x_1 的系数由 0 改变为 4 时，最优解是否改变？如改变，请求出新的最优解、最优值；

(8) 当该线性规划约束条件中右边列由 (3, 2, 1) 改变为 (4, 5, 2) 时，最优解是否改变？如改变，请求出新的最优解、最优值。

2. (15分) 某公司准备建 K 个配送中心, 负责配送它的产品。该公司把它的所有客户按地理位置分成 n 个客户群, 每个客户群由一个配送中心向它配送产品, 现有 m 个备选点可建配送中心 ($m \geq K$), 如果第 i 个备选点建配送中心, 那么它的建设成本是 b_i , 它向第 j 个客户群配送产品的成本是 c_{ij} 。现在该公司的问题是要从 m 个备选点中选 K 个点建配送中心, 使得总成本最低。请对此问题建立整数规划模型。

3. (15分) 有 n 种物品, 第 j 种物品的重量是 w_j , 体积是 v_j , 价值是 p_j ($j=1, 2, \dots, n$)。
(假设 w_j, v_j 都是整数)

(1) 现有一辆车, 它的载重量是 W , 容积是 V , 问如何从 n 种物品中选择某几种装入这辆车, 才能使总价值最大。请对此问题建立动态规划模型。(假设 W, V 是整数)

(2) 设

$$n = 3, p_1 = 9, p_2 = 6, p_3 = 5,$$

$$W = 4, w_1 = 4, w_2 = 1, w_3 = 3,$$

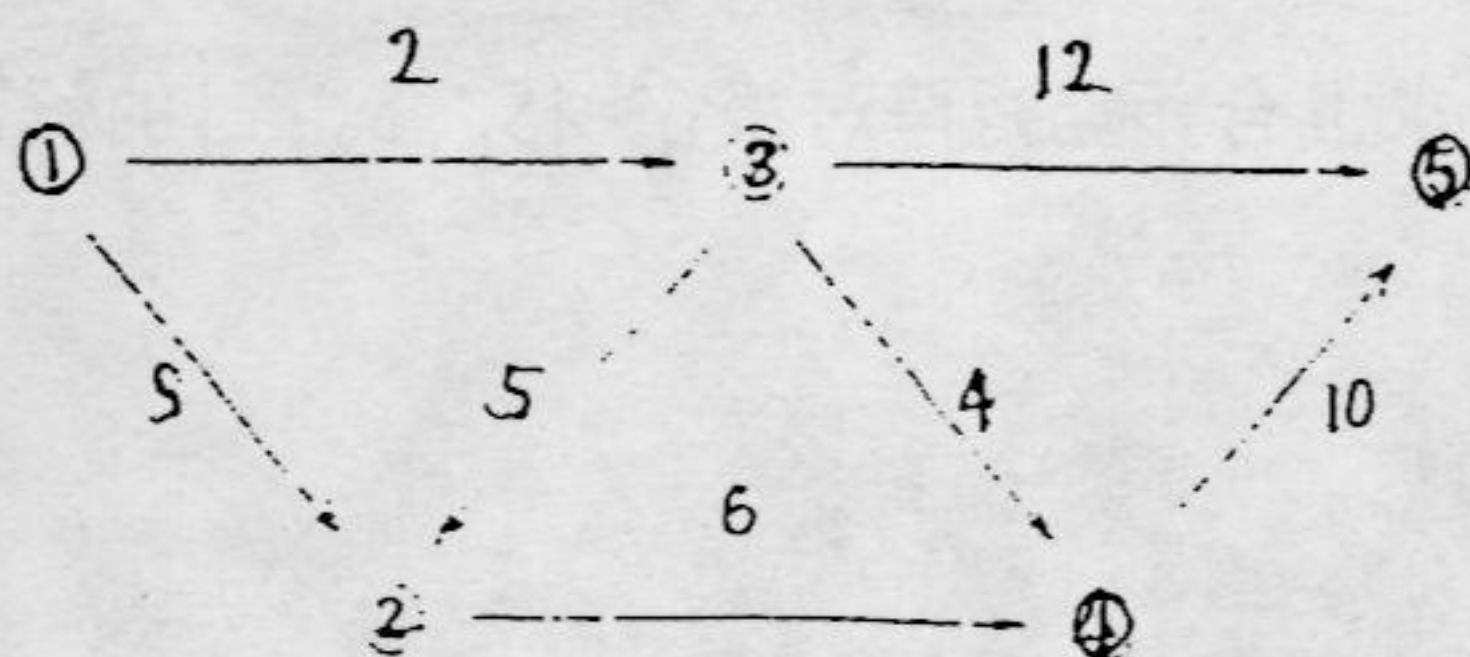
$$V = 4, v_1 = 3, v_2 = 1, v_3 = 2$$

请求解 (1) 中的动态规划问题。

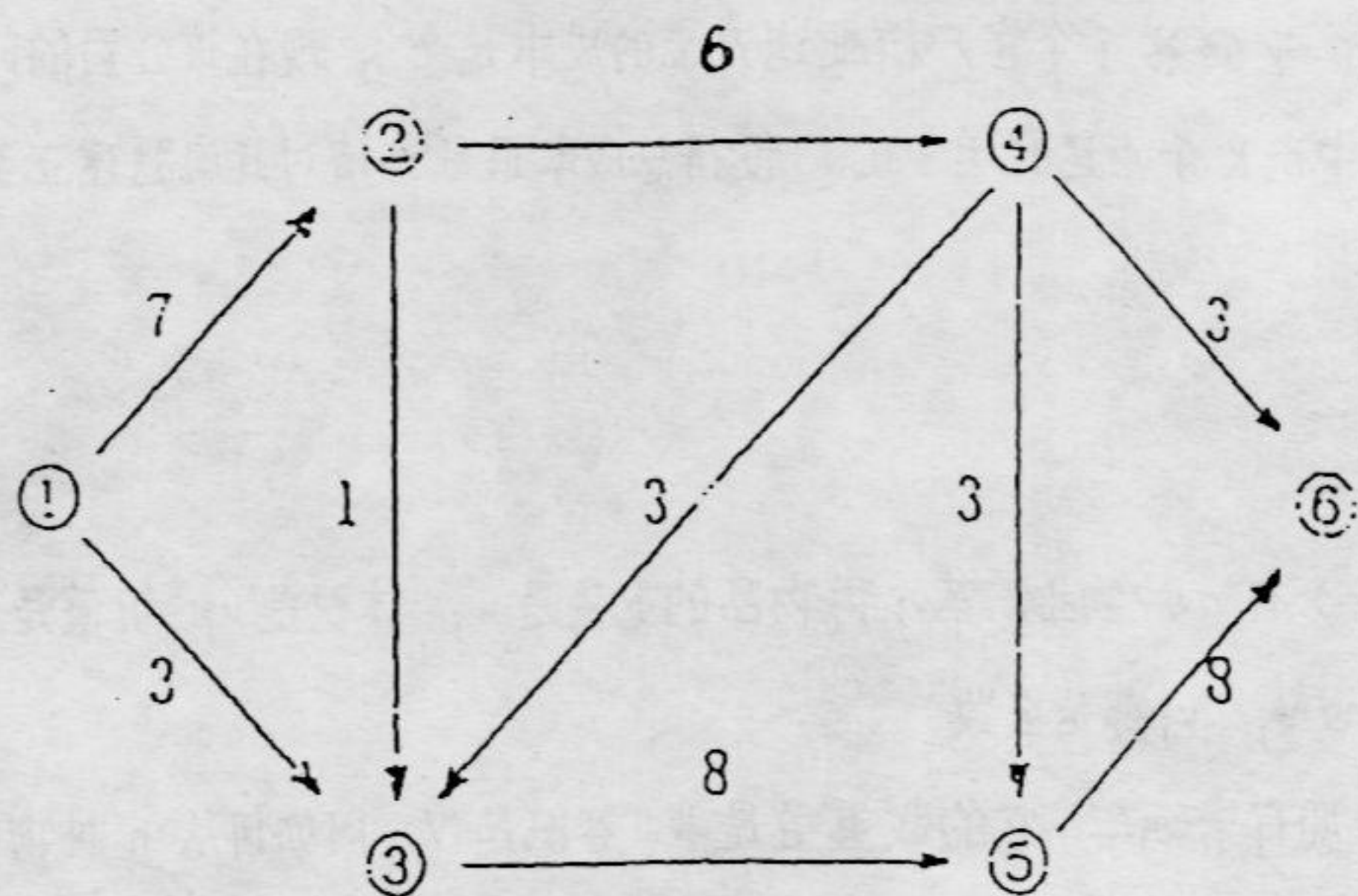
(3) 现有 m 辆车, 能把 n 种物品都装下。但第 i 辆车装第 j 种物品的代价是 o_{ij} 。问这 n 种物品分别应装入哪一辆车, 才能使总代价最小。请对此问题建立动态规划模型。

4. (15分)

(1) 求下图中点 1 到点 5 的最短路。(边上的数字是权)



(2) 求下图中点1到点6的最大流: (边上的数字是容量)



(3) 如果 (2) 中的最大流还需增加 1 个单位, 问应在哪些边上增加 1 个单位的容量?

5. (15分) 甲、乙两人进行零和对策, 两人的纯策略集分别为

$$S_1 = \{s_1, s_2, s_3\},$$

$$S_2 = \{t_1, t_2, t_3\},$$

甲的赢得矩阵为

$$A = \begin{bmatrix} 3 & 1 & 4 \\ 2 & x & 9 \\ 2 & 1 & 5 \end{bmatrix}$$

(1) 当 x 为何值时, 纯策略矩阵对策 $G = \{S_1, S_2, A\}$ 有平衡局势, 且对策值为 x ?

(2) 当 $x=3$ 时, 求混合策略矩阵对策 $G = \{S_1, S_2, E\}$ 的解。