

# 中科院 1998 年硕士研究生入学试题

## 普通物理（甲型）

1. 一飞船以速度  $V_0$  相对于船身向后喷射燃料，飞船的质量变化率为  $\frac{dM}{dt} = -\alpha$  是一常数，略去重力，建立飞船的运动方程并求解。（此题 12 分）
2. 密度为  $\rho$ ，粘滞系数为  $\eta$  的液体，流过一根半径为  $a$  的管子，其临界速度可以表示成  $V_c = K\rho^x a^y \eta^z$ ,  $K$  为比例系数（无量纲量），请定出  $x, y, z$ 。（此题 12 分）
3. 将压强为  $p_0=1.0\text{atm}$  的空气等温地压缩进肥皂泡内，最后吹成半径为  $r=2.5\text{cm}$  的肥皂泡，设肥皂泡的涨大过程是等温的，求吹成这肥皂泡所做的总功。肥皂水的表面张力系数  $\alpha=4.5\times 10^{-2}\text{N/m}$ 。（此题 12 分）
4. 一半径为  $R_1$  的球体均匀带电，体电荷密度为  $\rho$ ，球内有一半径为  $R_2$  的球形小空腔，空腔中心与球心相距为  $a$ ，求空腔中心处的电场强度和电势。（此题 10 分）
5. 法拉弟圆盘发电机用来为在电压  $V$  下需要电流  $I$  的大型电磁铁提供电流，圆盘半径为  $R$ ，在由小电磁铁产生的磁感应强度为  $B$  的磁场内旋转，求(1) 圆盘每秒钟必须转多少周？(2) 假如所有机械能都作为热能消耗在电磁铁中，旋转这圆盘需要多大的力矩。（此题 12 分）
6. 已知一个完全导电的矩形金属框的边长为  $a$  和  $b$  ( $b>a$ )，质量为  $m$ ，自感为  $L$ ，以初速度  $v_0$  在线框平面内，沿着较长一边的方向，从磁场为零的区域进入一个均匀磁场中，磁感应强度  $B$  的方向与矩形平面相垂直，求矩形线框移动距离  $S$  作为时间  $t$  的函数关系  $S(t)$ 。（此题 10 分）
7. 什麼是几何光学系统的主点，节点和焦点？计算由两个薄透镜组成的惠更斯目镜的主点，节点和焦点。两透镜相距  $2a$ ，焦距  $f_1=3a$ , 焦距  $f_2=a$ 。（此题 12 分）
8. 菲涅耳 (Fresnel) 衍射和夫琅和费 (Fraunhofer) 衍射有什么基本区别？试说明这两种情况下的单缝衍射图形的不同。（此题 10 分）
9.  $^{14}\text{C}$  的半衰期为 5500 年，写出  $^{14}\text{C}$  的衰变方程。如果生物体死后就再没有  $^{14}\text{C}$  进入体内。现测得一棵死树的  $^{14}\text{C}$  放射性为一棵活树的  $1/3$ ，试估算该树已死了多少年。（此题 10 分）