

北京师范大学
2008 年招收攻读硕士学位研究生入学考试试题

院(系、所): 管理学院

科目代码: 988

科目名称: 普通物理学

(所有答案必须写在答题纸上, 做在试题纸或草稿纸上的一律无效)

一、单项选择题(本大题共 6 小题, 每小题 5 分, 共 30 分) 在每小题列出的四个备选项中只有一个是符合题目要求的, 请将题号和答案代码写在答题纸上。错选、多选或未选均无分。

1、一质点沿直线运动, 其运动方程为 $x = 2 + 4t - 2t^2$ (SI), 在 t 从 0 到 3s 的时间间隔内, 质点经过的路程大小为

- A. 10m B. 8m C. 6m D. 4m

2、面积为 S 的真空平行板电容器, 极板上分别带有电量 $\pm q$, 忽略边缘效应, 则两极板间的作用力为

- A. $\frac{q^2}{\epsilon_0 S}$ B. $\frac{q^2}{\epsilon_0 S^2}$ C. $\frac{q^2}{2\epsilon_0 S^2}$ D. $\frac{q^2}{2\epsilon_0 S}$

3、如图 1 所示, 质量为 m 的滑块从高 h 处以初速为 0 自由下落到劲度系数为 k 的轻质弹簧上(质量不计), 则该滑块的最大动能为:

- A. mgh B. $mgh + \frac{1}{4} \frac{m^2 g^2}{k}$ C. $mgh + \frac{1}{2} \frac{m^2 g^2}{k}$ D. $mgh + \frac{m^2 g^2}{k}$

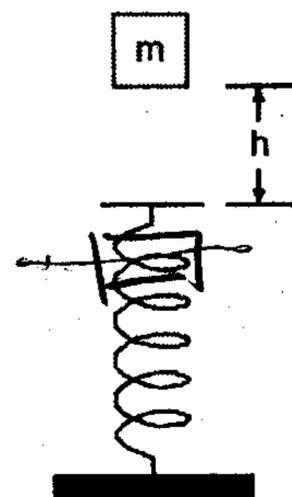


图 1

4、如图 2 所示, 电源的电动势为 ϵ , 无内阻, 其他电阻阻值已标于图上。为了使电阻 R 获得最大的电功率, R 的大小为:

- A. 15Ω B. 25Ω C. 35Ω D. 45Ω

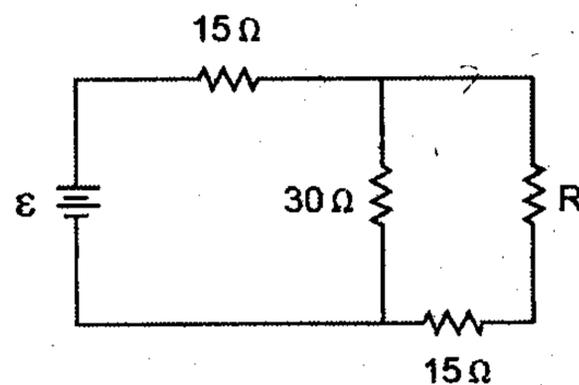


图 2

5、在距离地心为 r 的轨道上, 由于万有引力所产生的加速度为 $g/4$ 。则在此轨道上卫星的逃逸速率为

- A. $\sqrt{2gr}$ B. \sqrt{gr} C. $\sqrt{gr/2}$ D. $\frac{\sqrt{gr}}{2}$

6、理想气体的方均根速率 $\sqrt{v^2}$ 为

- A. $\sqrt{\frac{2kT}{m}}$ B. $\sqrt{\frac{3kT}{m}}$ C. $\sqrt{\frac{8kT}{m}}$ D. $\frac{3}{2} \sqrt{\frac{kT}{m}}$

二、填空题 (本大题共 5 小题, 每小题 5 分, 共 25 分)

1、一质量为 m 的质点在一维势阱 $V(x) = -ax^2 + bx^4$ (SI) 的稳定平衡位置附近作简谐振动, 则其振动的角频率 $\omega =$ _____.

2、用棒打击质量为 0.2kg , 速率为 20m/s 的水平方向飞来的球, 击打后球以 15m/s 的速率竖直向上运动, 则棒给予球的冲量大小为 5 N·s.

3、刚性双原子分子理想气体处于平衡态时, 已知一个分子的平均转动动能为 $6.9 \times 10^{-21}\text{J}$, 则一个分子的平均动能为 10.35×10^{-21} J, 该气体的温度为 500 K. (玻尔兹曼常量 $k = 1.38 \times 10^{-23}\text{J/K}$)

4、半径为 R 的金属球与地相连接, 在过球心 O 的连线上与球相距 d_1 处放一电量为 q_1 点电荷. 为使接地导体的感应电荷的总量为零, 在距球心 d_2 ($d_2 = d_1/3 > R$) 处应放一电量为 $-\frac{1}{3}q_1$ 的点电荷.

5、质量为 $m = 1\text{kg}$ 的物体在沿 x 方向的变力 $F = 4 + 3t^2$ 的作用下从静止开始作直线运动, 则从 $t = 0$ 到 $t = 1\text{s}$ 这段时间内力 F 对物体所做的功为 12.5 J.

三、简单计算题 (本大题共 2 小题, 每题 15 分, 共 30 分) 要写出解题所依据的定理、定律、公式、必要的分析图, 并写出主要的过程。只有答案, 没有任何说明和过程, 无分。

1、如图 3。真空中一半圆弧线 \widehat{AB} 均匀带电, 其电荷线密度为 λ , 直线 \overline{BC} 也均匀带电, 但电量未知。以无穷远为电势零点, 已知圆心 O 点的电势为 V_0 , P 点的电势为 V_P 。利用电势叠加原理求: (1) 半圆形带电细线在 P 点产生的电势 u_p ; (2) 带电直线在 P 点产生的电势 v_p 。

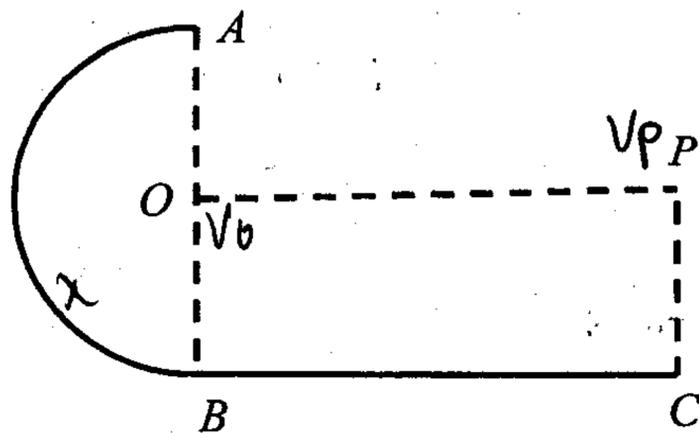


图 3

2、 1mol 单原子分子理想气体做如图 4 所示的循环过程, 其中 $a \rightarrow b$ 是等温过程, 在此过程中气体吸热 $Q_1 = 3.0 \times 10^3\text{J}$, $b \rightarrow c$ 是等容过程, $c \rightarrow a$ 是绝热过程, 已知 a 态温度 $T_a = 500\text{K}$, c 态温度 $T_c = 300\text{K}$, 普适气体常量 $R = 8.31\text{J}/(\text{mol} \cdot \text{K})$ 。求: (1) 此循环过程的效率 η ; (2) 在一个循环过程中, 气体对外所作的功 W 。

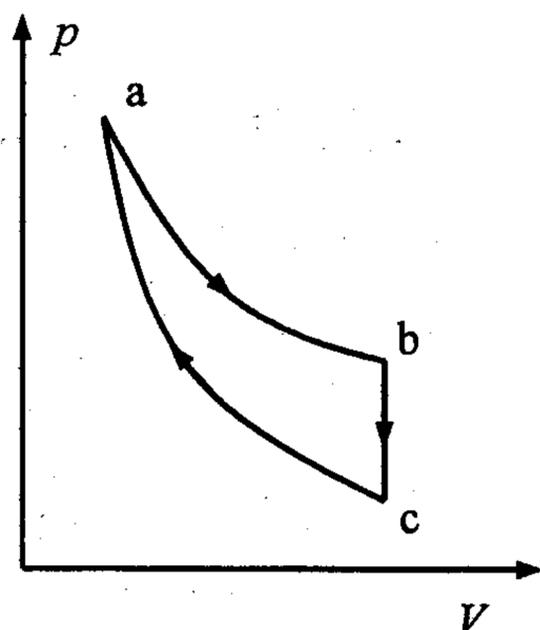


图 4

四、计算题 (本大题共 3 小题, 每题分数见题注, 共 65 分) 要写出解题所需要的必要的假设, 所依据的定理、定律、公式、必要的分析图, 并写出主要的过程。只有答案, 没有任何说明和过程, 无分

1、(20 分) 地球半径为 R , 质量为 M 千克, 一卫星重 m 千克, 万有引力常量为 G 。卫星首先进入近地点为 $3R$, 远地点为 $9R$ 的运行轨道。(1) 求该椭圆轨道的半长轴和偏心率;(2) 求卫星在椭圆轨道上运行的总能量、卫星在近地点和远地点的飞行速率以及相对于地心的角动量;(3) 第二次近地点变轨后, 卫星将进入近地点不变、远地点为 $21R$ 的绕地运行轨道。卫星成功变轨需要提供的能量是多少? [本题结果以 R, M, m, g 等常量表示]

2、(20 分) 在一直角坐标系下, 一质量为 m 的质点的运动方程为:

$$\vec{r}(t) = a \cos(\omega t) \hat{i} + b \sin(\omega t) \hat{j}$$

(1) 求质点运动的速度。质点运动的轨迹是什么? (2) 求质点相对于原点 O 的角动量。(3) 求质点运动的加速度, 并由此确定质点所受到的力。(4) 质点所受到的力是否是保守力? 若是请以原点为势能 0 点给出质点势能的表达式。

3、(25 分) 如图 5 所示, 一个恒定的力 F 作用在质量为 m 长为 l 的导线上, 导线从静止开始, 在均匀磁场 B 的区域中在一光滑导体 C 形线框上水平运动, 线框带有电阻 R 。假定无摩擦且导体回路的自感可以忽略。(1) 计算导线速度与时间的函数关系。(2) 计算作为时间函数的通过电阻 R 的电流, 并给出电流的方向。

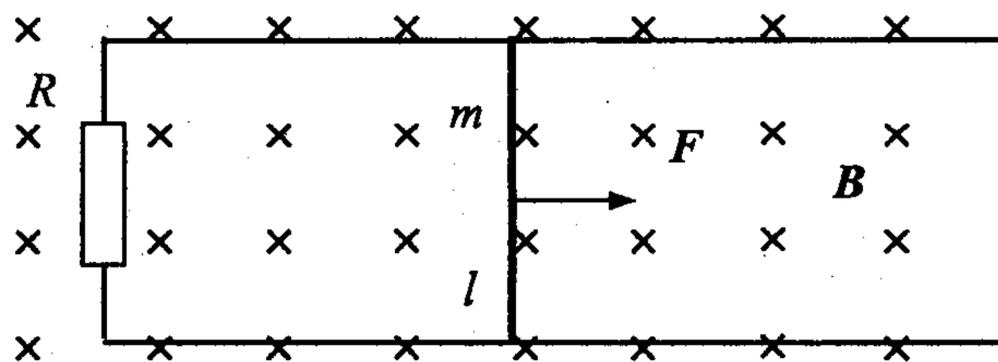


图 5