

科目代码: 814

科目名称: 数学分析

适用专业: 数学类各专业

参考书目: 《数学分析》(第四版) 华东师范大学 高等教育出版社

考试时间: 3 小时

考试方式: 笔试

总 分: 150 分

考试范围:

一、函数、极限与连续

1. 深入理解函数的概念, 理解基本初等函数的图像, 理解几个特殊的函数性质, 如有界、单调、奇偶与周期, 熟练掌握复合函数、反函数与初等函数的运算。

2. 深入理解数列极限的概念; 熟练掌握收敛数列的性质, 如唯一性、有界性、保号性、保不等式性及数列极限的存在条件(单调有界数列必有极限、柯西收敛准则、夹逼定理)。

3. 深入理解函数极限的概念, 包括函数极限的若干种情形; 熟练掌握函数极限的性质, 包括唯一性、局部有界性、局部保号性、保不等式性、迫敛性、四则运算法则; 掌握函数极限的存在条件; 熟练掌握两个重要极限, 会用无穷大与无穷小处理极限问题。

4. 深入理解无穷小与无穷大的概念, 熟练掌握无穷小比较的定义与求解。

5. 深入理解连续函数的概念, 掌握闭区间上连续函数的性质; 理解一致连续的概念; 了解复合函数与反函数连续的充分条件, 以及初等函数的连续性。

二、一元函数微分学

1. 深入理解导数的概念, 了解物理和几何背景; 熟练掌握各种求导的运算; 理解微分的概念, 会进行近似计算。理解高阶导数的概念, 了解莱布尼兹公式。

2. 掌握三个微分中值定理; 熟练掌握罗必达法则; 掌握带有两种余项的泰勒公式, 熟练掌握常用的几个函数的展开式; 掌握运用导数来判断函数的单调、凹凸等性质; 掌握函数极值的判别和函数最大(小)值的求法。

三、一元函数积分学

1. 理解不定积分的概念, 熟练掌握基本初等函数的不定积分; 掌握常用的换元积分法与分部积分法; 掌握有理函数、简单的无理函数与三角有理函数的不定积分。

2. 深入理解定积分的概念; 理解可积准则; 了解常用的可积函数类; 了解定积分的性质; 理解变限定积分的概念与原函数存在定理。熟练掌握计算定积分的牛顿—莱布尼兹公式、换元公式和分部公式。

3. 掌握用定积分计算平面图形的面积、旋转体的体积、平行截面面积已知的立体体积和平面曲线的弧长; 了解定积分在物理上的应用。

四、多元函数微分学

1. 理解多元函数的概念; 掌握几种极限之间的关系, 连续函数的性质。

2. 理解偏导数与全微分的概念。

3. 了解方向导数和梯度的概念。

4. 熟练掌握复合函数的微分计算。了解二元 Taylor 公式, 并会用于判断极值。

5. 了解隐含数的存在性条件与结论; 熟练掌握隐函数的微分法。

6. 掌握偏导数的几何应用与条件极值的求法。

五、多元函数积分学

1. 理解重积分的概念, 掌握其性质及计算方法(重点为二重与三重积分)。

2. 了解曲线、曲面积分的定义与计算, 掌握格林公式、高斯公式、斯托克斯公式; 了解场论的初步知识。

六、无穷级数

1. 掌握数项级数收敛性的定义和收敛级数的性质; 掌握判别正项级数敛散性的各种方法—比较判别法, 比式判别法, 根式判别法和积分判别法; 理解收敛级数、绝对收敛级数与条件收敛级数的关系、性质及证明方法; 掌握交错级数的莱布尼茨判别法; 掌握一般项级数的狄利克雷判别法与阿贝尔判别法, 了解绝对收敛级数的性质。

2. 理解一致收敛函数序列与函数项级数的连续性, 可积性, 可微性, 掌握函数序列与函数项级数一致收敛性的定义、函数序列与函数项级数一致收敛性判别的柯西准则、魏尔斯特拉斯判别法、狄利克雷判别法与阿贝尔判别法。

3. 理解幂级数作为特殊的函数项级数和一般函数项级数相同的性质, 会求幂级数的收敛半径和收敛范围; 掌握泰勒级数和麦克劳林展开公式, 五种基本初等函数的幂级数展开。

4. 了解傅里叶级数的收敛定理, 掌握三角级数和傅里叶级数定义; 掌握以 2π 与 π 为周期的函数的展开式, 偶函数和奇函数的傅里叶级数的展开, 正弦级数, 余弦级数。

七、反常积分与参变量积分

1. 深入理解反常积分, 无穷积分, 瑕积分的概念、性质及判别法。
2. 深入理解含参变量积分的概念、性质及判别法; 了解 Γ 函数与 B 函数。
3. 掌握反常积分与含参变量积分的计算。

八、实数理论

1. 了解区间套定理, 聚点定理, 致密性定理, 有限覆盖定理的条件和结论。
2. 了解这些定理的含意及关系, 了解各定理的证明思路;
3. 了解闭区间上连续函数性质的证明思路和证明方法。