

西北工业大学 2005年硕士研究生入学考试试题

一. 解答题: (每小题5分, 共50分)

1. 某系统的系统函数为 $H(s) = \frac{(s+2)(s+1)}{(s+0.5)(s+2.5)(s+3)}$, 求系统的单位冲激响应的初值 $h(0^+)$ 和终值 $h(\infty)$.

2. 写出连续系统无失真传输的时域条件和频域条件.

3. 已知离散系统的系统矩阵 $A = \begin{bmatrix} -5 & -1 \\ 3 & -1 \end{bmatrix}$, 求该系统的自然频率.

4. 已知离散系统的系统函数 $H(z) = \frac{0.5z+1}{z^2-0.5(k+1)z+3k}$, 欲使系统稳定工作, 求 k 的取值范围.

5. 求单边拉氏变换 $F(s) = \frac{e^{-(s-2)}}{s+2}$ 的原函数 $f(t)$.

6. 求信号 $f(k) = \sum_{i=0}^k 2(2)^i$ 的单边 z 变换 $F(z)$.

7. 已知信号 $f(t) = \left(\frac{\sin 2\pi t}{2\pi t}\right)^2$, 求其频谱函数 $F(j\omega)$.

8. 求下列各式的值:

① $\int_{-\infty}^{\infty} 2\delta(t) \frac{\sin 2t}{t} dt$

② $\int_{-\infty}^t (\tau + \cos \frac{\pi}{2}\tau) \delta(\tau - \frac{t}{2}) d\tau$

9. 求信号 $f(k) = (k+3)u(k)$ 的 z 变换 $F(z)$, 并指出其收敛域.

10. 已知离散信号 $f_1(k)$ 与 $f_2(k)$ 的波形如图1所示, 设 $y(k) = f_1(k) * f_2(k)$,

求 $y(-2)$, $y(2)$ 的值.

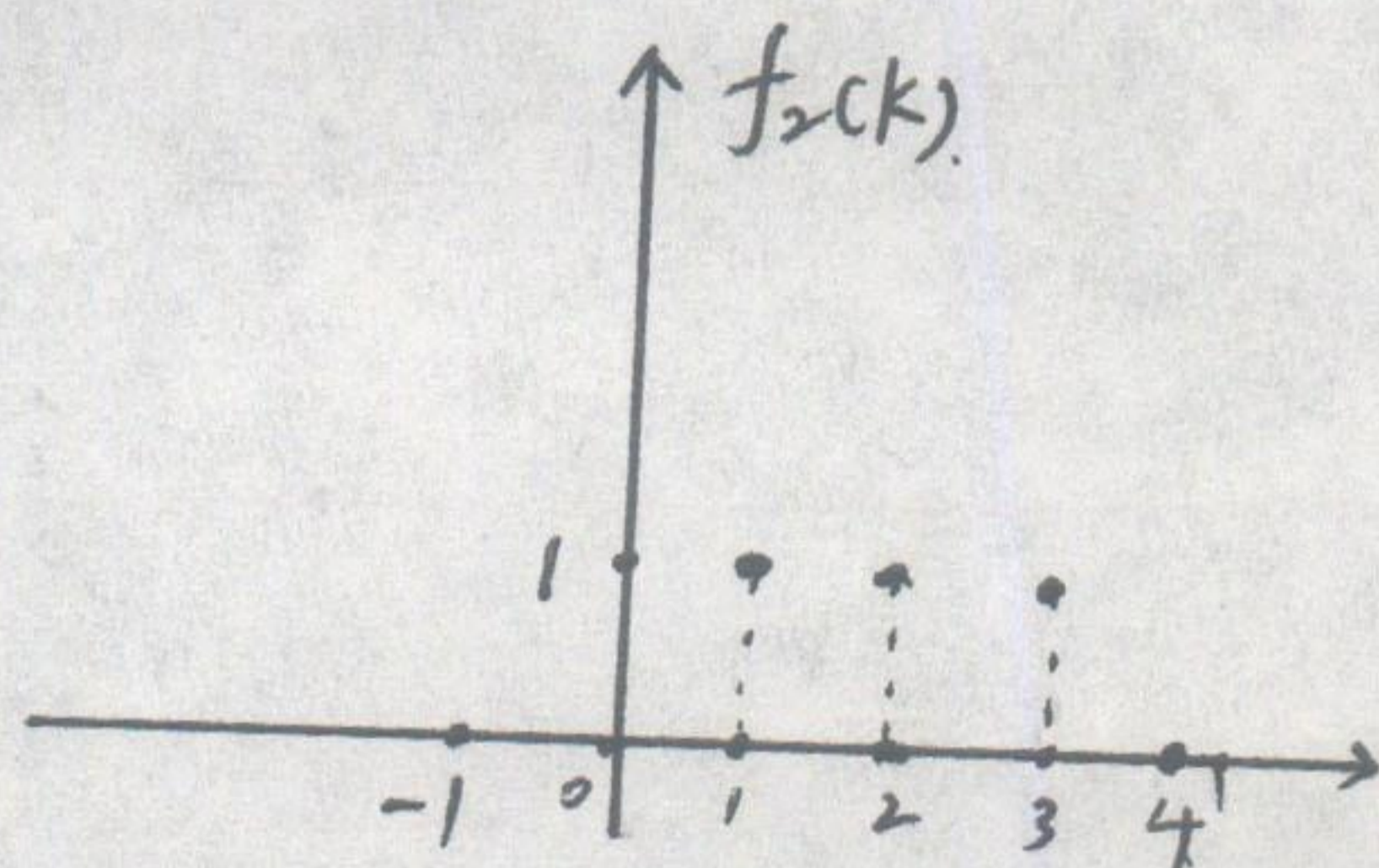
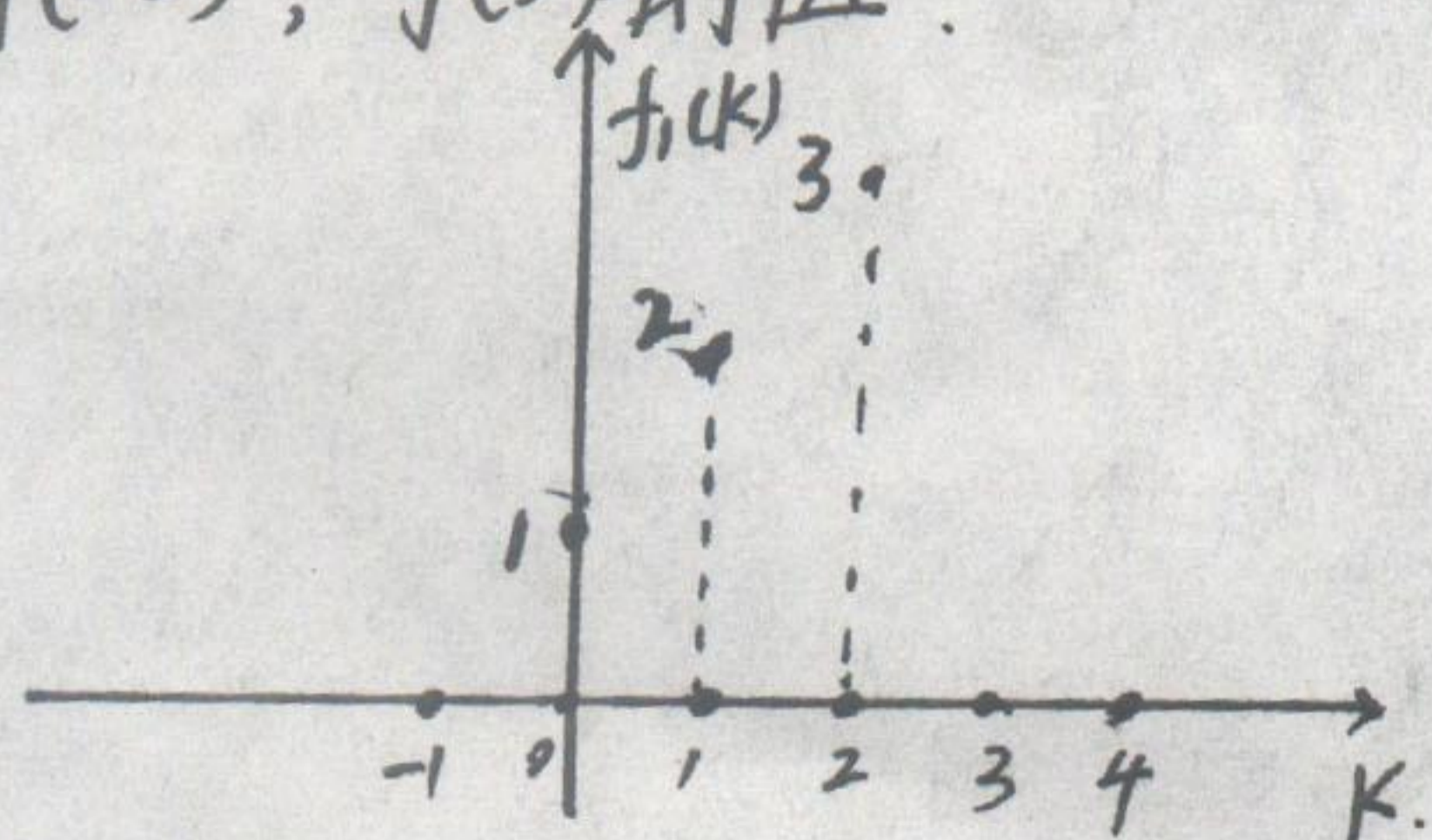


图 1.

二. (10分) 图2所示系统: ①求系统函数 $H(s) = \frac{Y(s)}{F(s)}$. ②求 k 为何值时系统为临界稳定系统.

③求在临界稳定条件下的系统单位冲激响应 $h(t)$.

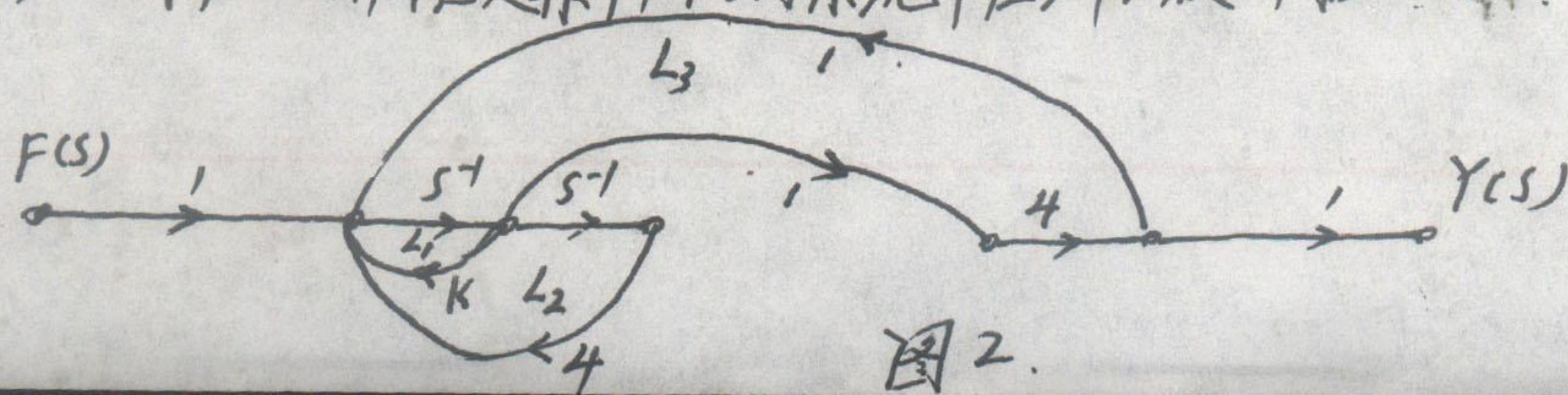
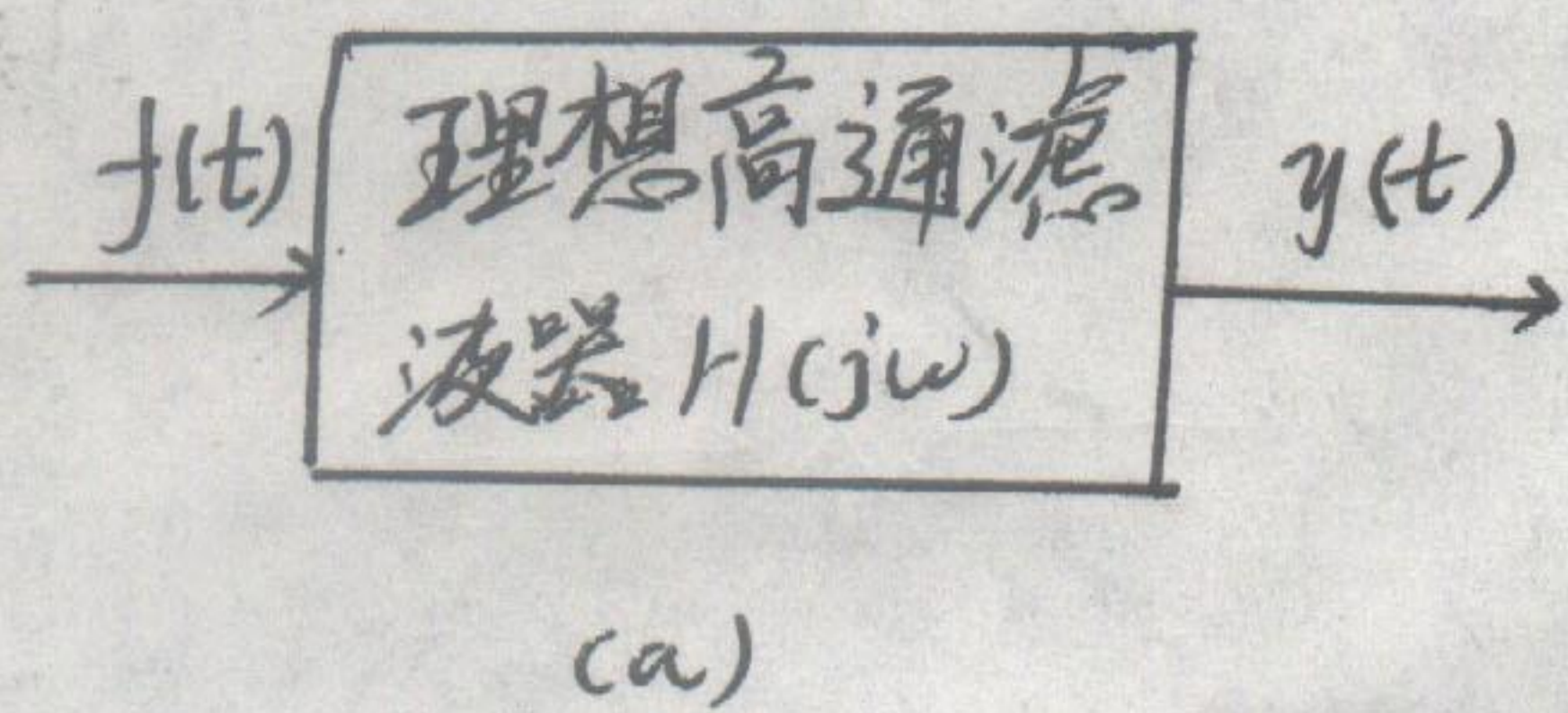
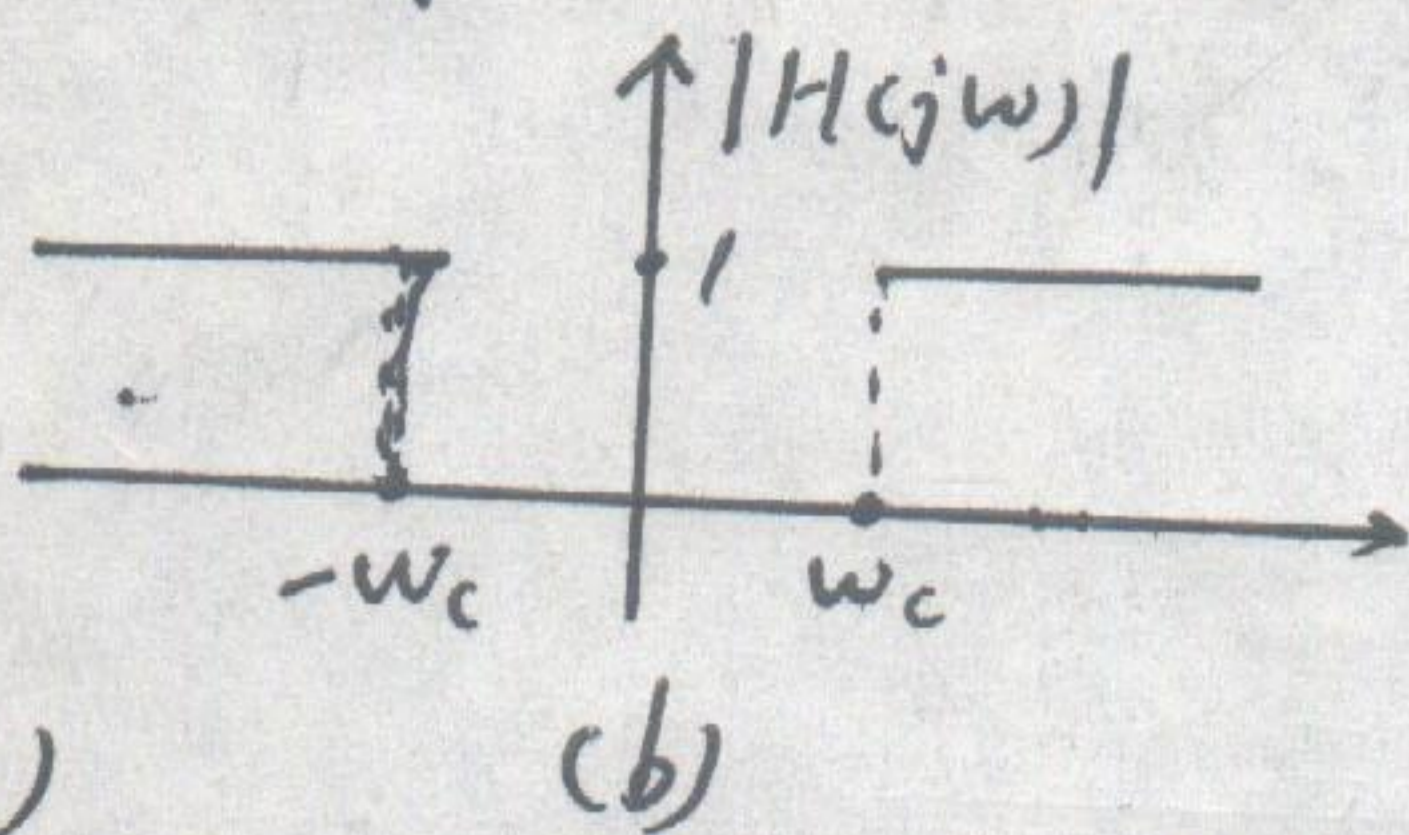


图 2.

三. (10分) 图(3) a所示系统的理想高通滤波器, $f(t)$ 为激励, $y(t)$ 为响应. 已知该系统的模频特性 $|H(j\omega)|$ 与相频特性 $\varphi(\omega)$ 分别如图3 (b) (c)所示, 求其单位冲激响应 $h(t)$.

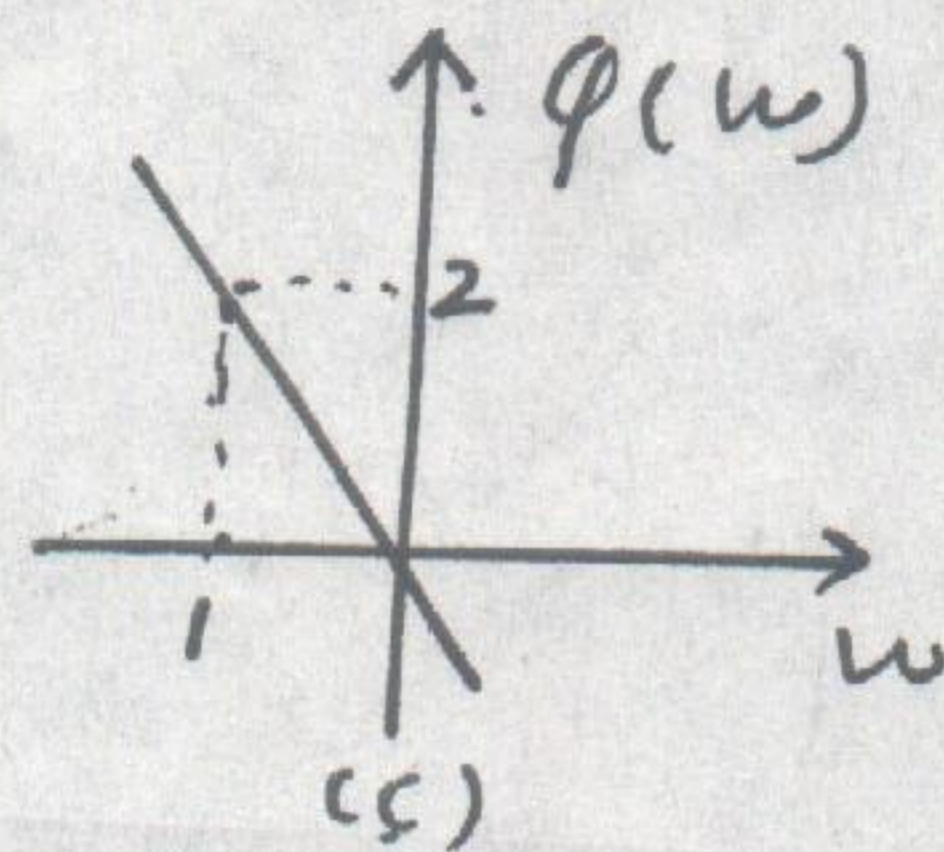


(a)



图(3)

(b)

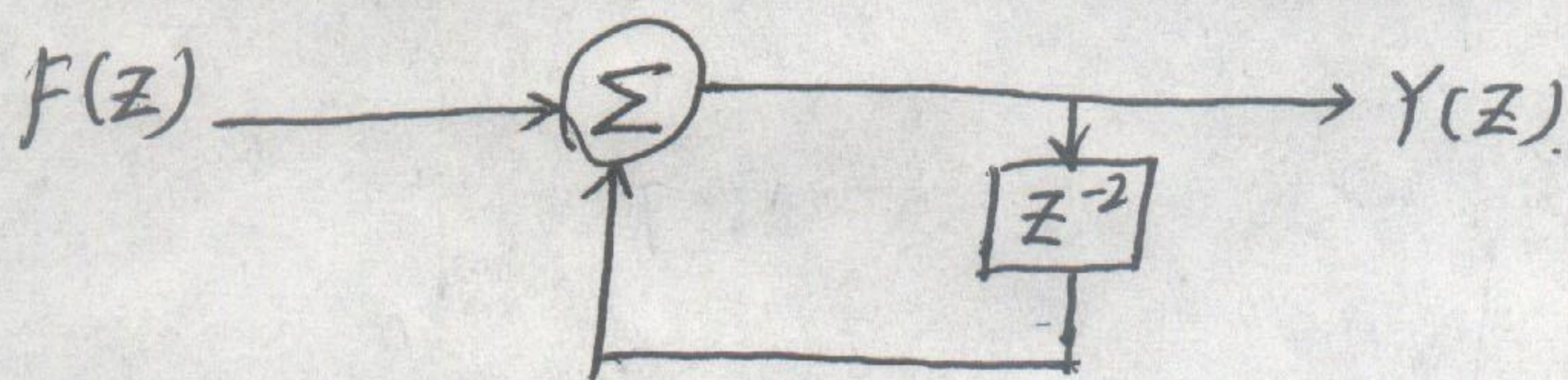


(c)

四. (10) 图4为线性时不变零状态因果离散系统, ①写系统的差分方程.

②求系统函数 $H(z)$, 画出 $H(z)$ 的零、极点分布图.

③写系统的模频特性与相频特性的表达式.



图(4)

五. (15分) 已知某线性时不变离散时间系统的单位序列响应 $h(k) = \delta(k) + 4\delta(k-1) + 4\delta(k-2)$, 若使系统的零状态响应为 $y_f(k) = \begin{cases} 9 & k \geq 0 \\ 0 & k < 0 \end{cases}$, 试确定其激励序列 $f(k)$.

六. (15分) 已知系统的差分方程为: $y(k) - y(k-1) + \frac{1}{2}y(k-2) = f(k-1)$,

①画出系统直接形式的模拟图.

②求系统函数 $H(z)$.

③求系统的单位序列响应 $h(k)$.

④已知激励 $f(k) = 100 \cos(\omega k - 90^\circ) u(k)$, 求系统的

正弦稳态响应 $y_s(k)$.

七. (15分) 已知系统的状态空间方程为:

$$\begin{bmatrix} \dot{x}_1 \\ \dot{x}_2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 \\ 1 & 3 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix} f, \quad y = [-0.5 \ 1] \begin{bmatrix} x_1 \\ x_2 \end{bmatrix} + [1] f.$$

系统输入信号为单位阶跃函数, 初始状态是 $x(0^-) = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$. 求:

(1) 系统的状态转移矩阵 $\varphi(t)$.

(2) 冲激响应矩阵 $h(t)$.

(3) 系统的输出 $y(t)$.

八. (15分) 图5为线性时不变系统, 已知 $f(t) = \frac{\sin 2t}{t} \cos 2000\pi t$, 系统函数

$$H(j\omega) = \begin{cases} e^{-j2\omega} & |\omega| < 1 \\ 0 & |\omega| > 1 \end{cases}$$

$s(t)$ 的波形如图6所示, 求系统的响应 $y(t)$.

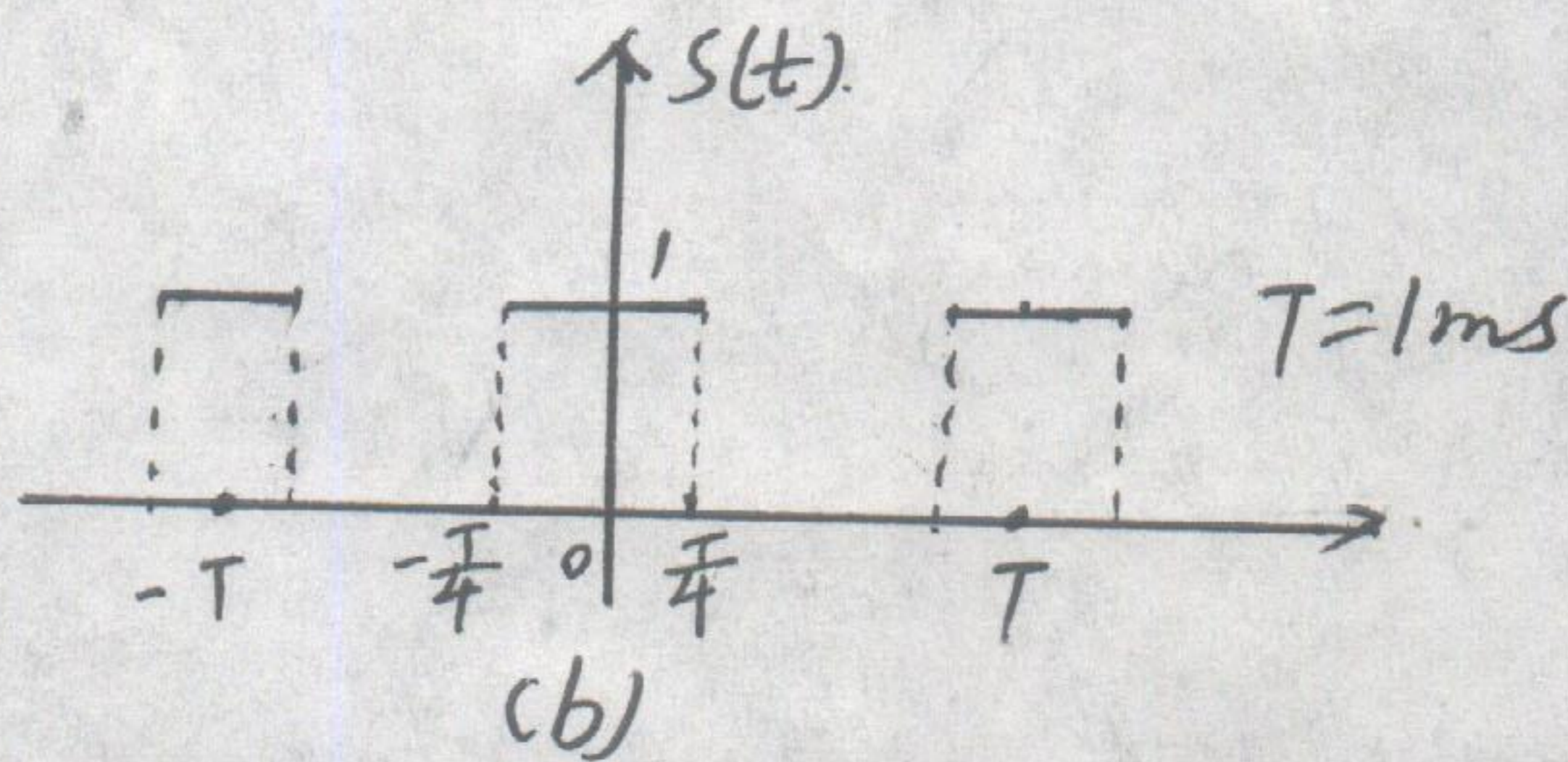
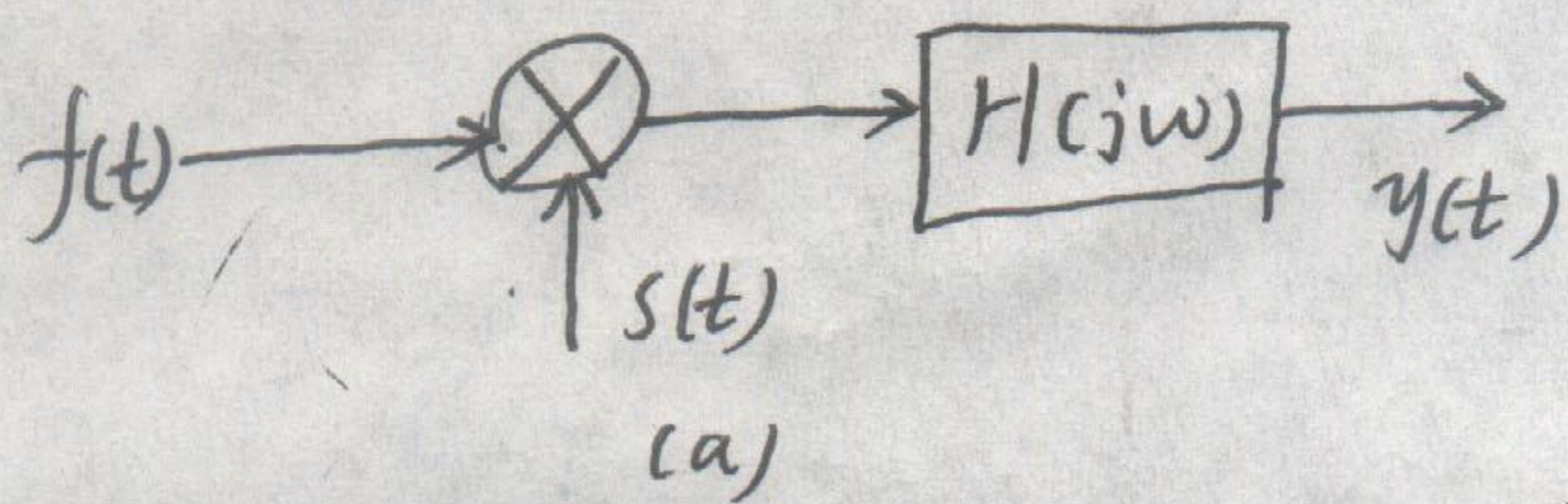


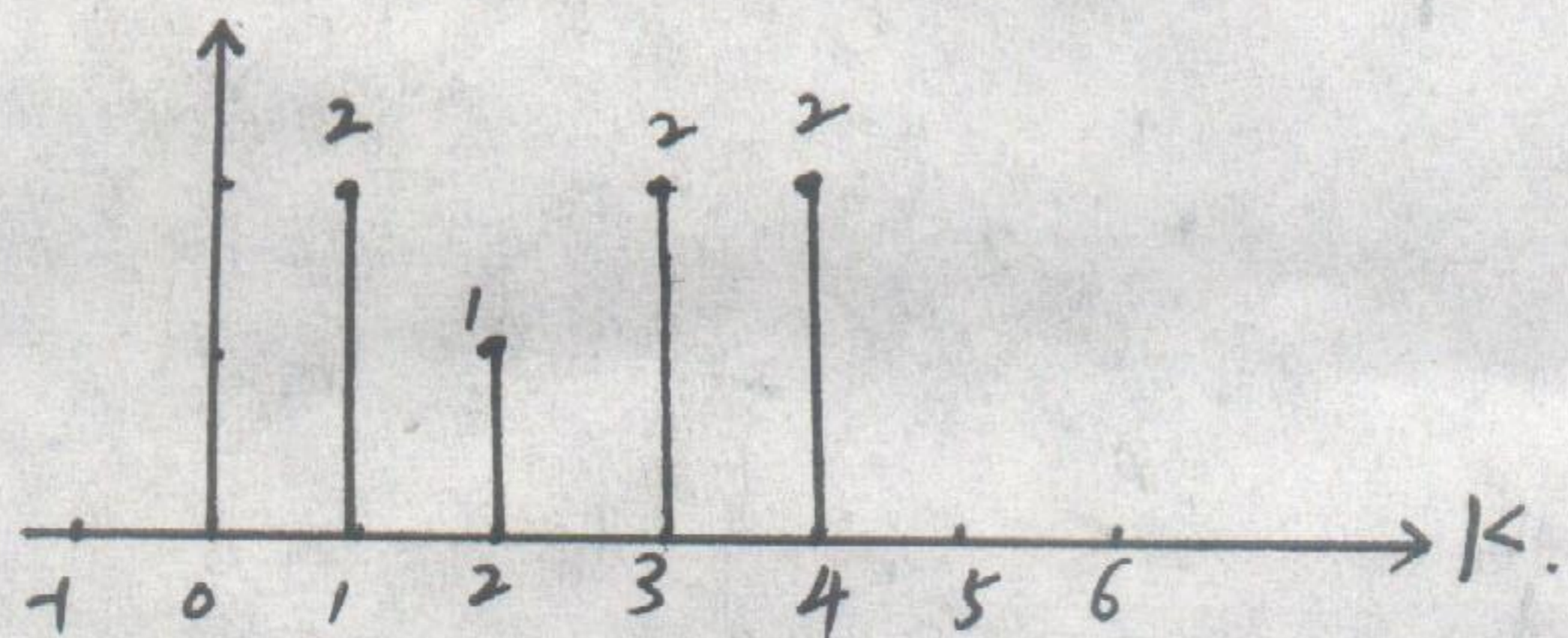
图5

九. (10分) 根据下列描述离散系统的不同形式, 分别求各系统的系统函数 $H(z)$

(1) $y(k) - 2y(k-1) + y(k-2) = f(k-1) + f(k-2)$

(2) $H(E) = \frac{6E^2 + 17E + 19}{E^3 + 8E^2 + 17E + 10}$

(3) 系统的单位序列响应 $h(k)$ 的波形如图6所示.



图(6)